

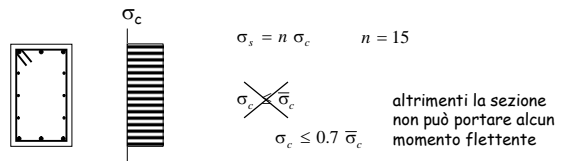
Corso di aggiornamento  
Progettazione strutturale sulla base delle  
Norme Tecniche per le Costruzioni 2008

Progetto e verifica di elementi strutturali in c.a.

3 - Sforzo normale

Spoletto  
26-28 novembre 2009  
Aurelio Ghersi

Verifica - tensioni ammissibili



$$N_{\max} = 0.7 \bar{\sigma}_c (A_c + n A_s)$$

Verifica - stato limite ultimo

Quando il legame tensioni-deformazioni non è lineare non è più possibile applicare le formule della Scienza delle costruzioni ma occorre rifarsi direttamente alle condizioni di equilibrio tra tensioni e deformazioni

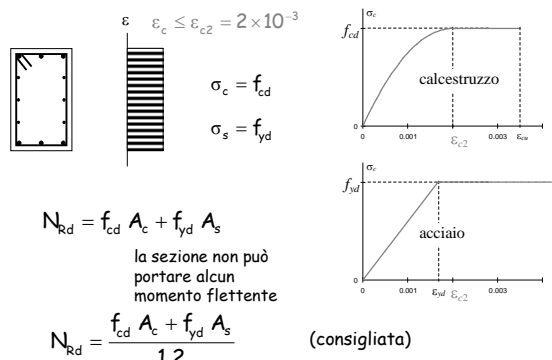
$$N = \int \sigma dA$$

$$M_y = \int \sigma z dA$$

$$M_z = \int \sigma y dA$$

Trazione  
Compressione

Verifica - stato limite ultimo



Verifica - stato limite ultimo

Nota:

"Nel caso di pilastri soggetti a compressione assiale si deve comunque assumere una componente flettente dello sforzo  $M_{Ed} = e N_{Ed}$  con eccentricità  $e$  pari almeno a  $0,05h \geq 20\text{mm}$  (con  $h$  altezza della sezione)"

Se non si vuole verificare la sezione a pressoflessione, occorre che la resistenza a sforzo normale centrato sia superiore almeno del 15-20% rispetto a  $N_{Ed}$

Il numero 1.2 indicato nella diapositiva precedente tiene conto di questo

NTC08, punto 4.1.2.1.2.4

Verifica - confronto

TA  $N_{\max} = 0.7 \bar{\sigma}_c A_c + n 0.7 \bar{\sigma}_c A_s$

6.8 89

Rapporto un po' maggiore di quello dei carichi  $\frac{11.8}{6.8} \cong 1.7$   $\frac{326}{89} \cong 3.7$

SLU  $N_{Rd} = \frac{f_{cd} A_c}{1.2} + \frac{f_{yd} A_s}{1.2}$

Calcestruzzo C25/30 Acciaio B450C

Rapporto molto maggiore

## Verifica - confronto

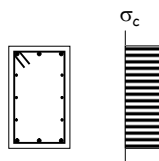
TA  $N_{\max} = \frac{0.7 \bar{\sigma}_c}{6.8} A_c + \frac{n \cdot 0.7 \bar{\sigma}_c}{89} A_s$

Allo stato limite ultimo,  
l'acciaio compresso conta molto di più

SLU  $N_{Rd} = \frac{11.8}{1.2} f_{cd} A_c + \frac{326}{1.2} f_{yd} A_s$

Calcestruzzo C25/30 Acciaio B450C

## Progetto - tensioni ammissibili



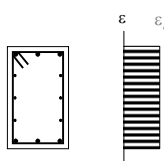
La norma impone  $\rho = \frac{A_s}{A_c} \geq 0.008$   
 $n = 15$

$N_{\max} = 0.7 \bar{\sigma}_c A_c (1 + n \rho)$

Si determina la sezione di calcestruzzo  $A_c \geq \frac{N}{0.784 \bar{\sigma}_c}$

e poi l'armatura  $A_s \geq 0.008 A_c$

## Progetto - stato limite ultimo



La norma impone che l'armatura porti almeno il 10% dello sforzo normale meglio di più

$N_{Rd} = f_{cd} A_c + f_{yd} A_s \geq 1.2 N_{Ed}$   
 $0.2 N_{Ed}$

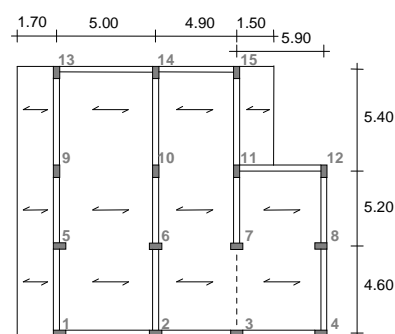
Si determina la sezione di calcestruzzo

$A_c \geq \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$

e l'armatura

$A_s \geq \frac{0.2 N_{Ed}}{f_{yd}}$

## Esempio - edificio a 6 impalcati



## Materiali utilizzati

Calcestruzzo C25/30  $f_{ck} = 25 \text{ MPa}$   $f_{cm} = 33 \text{ MPa}$

$E_c = 22000 \left( \frac{f_{cm}}{10} \right)^{0.3} = 31500 \text{ MPa}$

$f_{ctk} = 0.7 \times 0.30 \sqrt[3]{f_{ck}^2} = 1.80 \text{ MPa}$

$f_{cd} = 14.17 \text{ MPa}$

Acciaio B450C

$E_s = 210000 \text{ MPa}$

$f_{yd} = 391.3 \text{ MPa}$

$\epsilon_{yd} = \frac{391.3}{210000} = 1.86 \times 10^{-3}$

## Esempio carichi unitari - solaio per abitazione

Peso proprio (valore caratteristico):

soletta	$0.04 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 25 \text{ kN/m}^3$	=	1.00 kN/m <sup>2</sup>
travetti	$3 \times (0.08 \times 0.20) \times 1 \text{ m}^3 \times 25 \text{ kN/m}^3$	=	1.20 kN/m <sup>2</sup>
laterizi	$8 \times 0.082 \text{ kN}$	=	0.66 kN/m <sup>2</sup>
TOTALE		=	2.86 kN/m <sup>2</sup>

$G_1$

Sovraccarichi permanenti (valore caratteristico):

massetto	$0.03 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 18 \text{ kN/m}^3$	=	0.54 kN/m <sup>2</sup>
pavimento in granito	$0.02 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 27 \text{ kN/m}^3$	=	0.54 kN/m <sup>2</sup>
intonaco	$0.02 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 20 \text{ kN/m}^3$	=	0.40 kN/m <sup>2</sup>
incidenza tramezzi		=	1.20 kN/m <sup>2</sup>
TOTALE		=	2.68 kN/m <sup>2</sup>

$G_2$

quindi:  $G_{1k} = 4.34 \text{ kN/m}^2$   $G_{2k} = 1.20 \text{ kN/m}^2$   $G_k = 5.54 \text{ kN/m}^2$

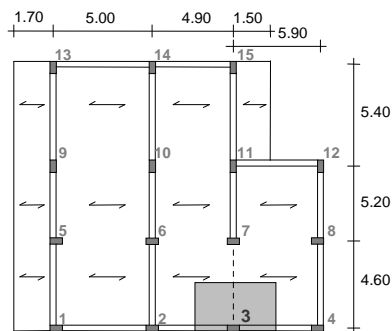
### Carichi unitari

	per TA	per SLU
Solaio	$g_{1k} = 4.3 \text{ kN/m}^2$ $g_{2k} = 1.2 \text{ kN/m}^2$ $q_k = 2.0 \text{ kN/m}^2$	$g_{1d} = 1.3 \times 4.3 = 5.6 \text{ kN/m}^2$ $g_{2d} + q_d = 1.5 \times 3.2 = 4.8 \text{ kN/m}^2$
Balconi	$g_k = 3.9 \text{ kN/m}^2$ $q_k = 4.0 \text{ kN/m}^2$	$g_d = 1.3 \times 3.9 = 5.1 \text{ kN/m}^2$ $q_d = 1.5 \times 4.0 = 6.0 \text{ kN/m}^2$
Tamponature	$g_k = 7.2 \text{ kN/m}$	$g_d = 1.3 \times 7.2 = 9.4 \text{ kN/m}$
Travi 30x60	$g_k = 3.7 \text{ kN/m}$	$g_d = 1.3 \times 3.7 = 4.8 \text{ kN/m}$
70x24	$g_k = 2.4 \text{ kN/m}$	$g_d = 1.3 \times 2.4 = 3.1 \text{ kN/m}$

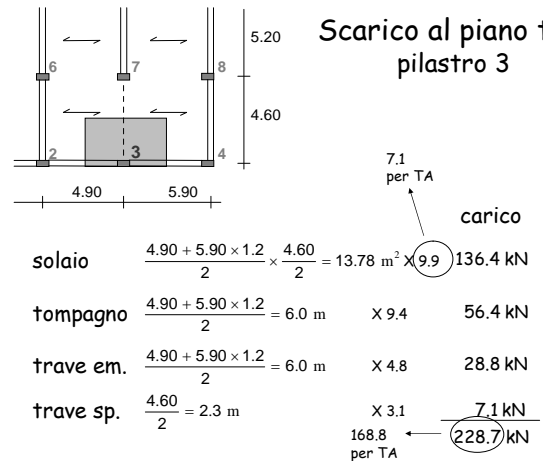
### Riepilogo carichi (per pilastri)

	per TA	per SLU
Solaio ( $g + 0.9 q$ )	$7.1 \text{ kN/m}^2$	$9.9 \text{ kN/m}^2$
Balconi ( $g + 0.9 q$ )	$7.5 \text{ kN/m}^2$	$10.5 \text{ kN/m}^2$
Tamponature	$7.2 \text{ kN/m}$	$9.4 \text{ kN/m}$
Travi 30x60	$3.7 \text{ kN/m}$	$4.8 \text{ kN/m}$
70x24	$2.4 \text{ kN/m}$	$3.1 \text{ kN/m}$

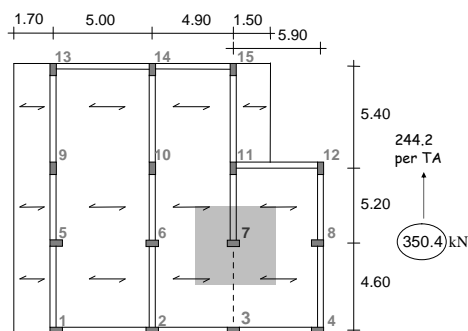
### Scarico al piano tipo pilastro 3



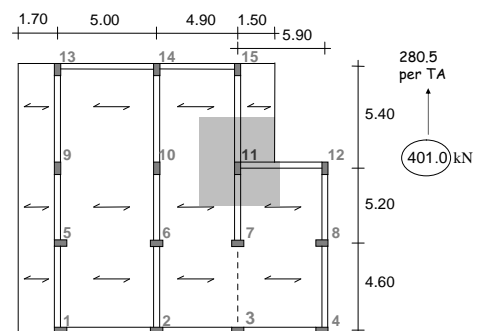
### Scarico al piano tipo pilastro 3



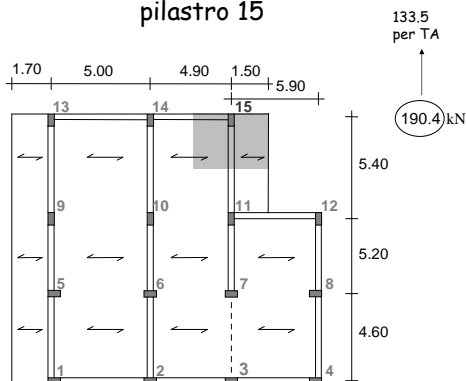
### Scarico al piano tipo pilastro 7



### Scarico al piano tipo pilastro 11



### Scarico al piano tipo pilastro 15



### Dimensionamento - pilastro 3

Scarico  
al piano 228.7 kN

Peso proprio  
medio 13.7 kN  
242.4 kN

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

Con TA, alla base

piano	N (kN)	A <sub>c</sub> (cm <sup>2</sup> )	sezione
6	242.4	171	30×30
5	484.8	342	30×30
4	727.2	513	30×30
3	696.6	684	30×30
2	1212.0	855	30×30
1	1454.4	1026	40×30

1073.4 1404 50×30

### Dimensionamento - pilastro 7

Scarico  
al piano 350.4 kN

Peso proprio  
medio 21.0 kN  
371.4 kN

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

Con TA, alla base

piano	N (kN)	A <sub>c</sub> (cm <sup>2</sup> )	sezione
6	371.4	262	30×30
5	742.8	524	30×30
4	1114.2	786	30×30
3	1485.6	1048	40×30
2	1857.0	1310	50×30
1	2228.4	1572	60×30

1553.4 2032 70×30

### Dimensionamento - pilastro 11

Scarico  
al piano 401.0 kN

Peso proprio  
medio 24.1 kN  
425.1 kN

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

Con TA, alla base

piano	N (kN)	A <sub>c</sub> (cm <sup>2</sup> )	sezione
6	425.1	300	30×30
5	850.2	600	30×30
4	1275.3	900	30×30
3	1700.4	1200	30×40
2	2125.2	1500	30×50
1	2550.6	1800	30×60

1783.8 2334 40×60

### Dimensionamento - pilastro 15

Scarico  
al piano 190.4 kN

Peso proprio  
medio 11.4 kN  
201.8 kN

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

Con TA, alla base

piano	N (kN)	A <sub>c</sub> (cm <sup>2</sup> )	sezione
6	201.8	142	30×30
5	403.6	285	30×30
4	605.4	427	30×30
3	807.2	570	30×30
2	1009.0	712	30×30
1	1210.8	855	30×30

849.0 1111 30×40

### Armature longitudinali dei pilastri (NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Le barre d'armatura devono avere diametro non minore di 12 mm ed interasse non maggiore di 300 mm

La quantità minima di armatura longitudinale totale  $A_{s,min}$  deve essere determinata con la seguente equazione:

$$A_{s,min} = \frac{0.10 N_{Ed}}{f_{yd}} \geq 0.003 A_c \quad \text{scelto } 0.20$$

dove:

$f_{yd}$  è la tensione di snervamento di calcolo dell'armatura;

$N_{Ed}$  è la forza di compressione assiale di calcolo;

$A_c$  è l'area della sezione trasversale del calcestruzzo.

#### NOTA BENE:

in zona sismica le armature sono maggiori (min 1%)

### Armatura minima nei pilastri (NTC08 punto 4.1.6.1.2)

$$A_{s,min} = \frac{0.20 N_{Ed}}{f_{yd}}$$

$$A_{c,nec} = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

$$\frac{A_{s,min}}{A_{c,nec}} = \frac{0.20 N_{Ed} / f_{yd}}{N_{Ed} / f_{cd}} = \frac{0.20 f_{cd}}{f_{yd}}$$

Ad esempio

Acciaio Be50C:  $f_{yd} = 391.3 \text{ N/mm}^2$

Calcestruzzo C25/30:  $f_{cd} = 14.17 \text{ N/mm}^2$

$$\frac{A_{s,min}}{A_{c,nec}} = \frac{0.20 \times 14.17}{391.3} = 0.00724 \approx 0.7\%$$

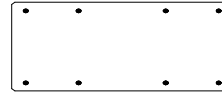
### Armature del pilastro 11 al primo ordine

30x60

→

**Armatura minima** (su tutta la sezione):

$$A_{s,min} = \frac{0.20 \times 1800}{391.3} \times 10 = 9.2 \text{ cm}^2$$



$$A_{s,tot} = 8\varnothing 14 = 12.3 \text{ cm}^2 > A_{s,min}$$

### Armature longitudinali dei pilastri (NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Di regola, anche nelle sovrapposizioni, l'area dell'armatura non deve essere maggiore di  $0.04A_c$ .

Ulteriori indicazioni (EC2):

Le barre longitudinali devono, di regola, essere distribuite lungo il perimetro della sezione. Per pilastri aventi sezione trasversale poligonale, almeno una barra sarà disposta in ogni spigolo.

Per pilastri di sezione circolare, il numero minimo di barre è 6.

### Armature trasversali dei pilastri (NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Interasse delle staffe non maggiore di 12 volte il diametro delle barre impiegate per l'armatura longitudinale (e non superiori a 250 mm).

Diametro delle staffe non minore di 6 mm e di  $\frac{1}{4}$  del diametro massimo delle barre longitudinali.

Ulteriori indicazioni (EC2):

Ridurre il passo delle staffe ( $\times 0.6$ ) in sezioni poste al di sopra e al di sotto della trave, per un tratto pari alla massima dimensione della sezione del pilastro, nonché in zone di giunzione di armature per sovrapposizione.