6) SCALE

6 1) Generalita'.

La scala, in un edificio per civili abitazioni, ha rilevante importanza sia dal punto di vista architettonico che statico.

Infatti essa non solo ha il compito (funzionale) di collegare tra loro i vari piani dell'edificio, ma ha anche rilevanti compiti statici, che sono oggetto di questo capitolo. Si prescinde qui naturalmente dal lo studio funzionale della scala, che compete ai cor si specifici di architettura che si occupano del dise gno d'insieme, del rapporto alzata pedata, dello stal samento delle pedate, dell'armonico sviluppo dei ram panti, ecc.; ma si ricorda che tale aspetto e' quasi sempre predominante su quello statico. Le strutture della scala cioè, si controllano, dal punto di vista statico solo dopo essere state definite, fin nei dettagli, dal punto di vista morfologico in modo che sod disfino innanzitutto a requisiti funzionali ed estetici

Tra i molti schemi statici che si adottano per le scale se ne considereranno solo due più frequenti negli edifici in cemento armato. lo schema con "gradini a sbalzo" sorretti da travi a ginocchio e quello di "soletta rampante" sostenuta agli estremi. Ambo gli sche mi possono essere realizzati completamente in opera op pure prefabbricati.

Frequenti sono anche le scale parzialmente prefat bricate, con gradini costruiti fuor d'opera ed incastrati nelle strutture perimetrali della cassa di sca le (eseguite in opera).

Ha un certo peso, nella scelta dello schema, oltre che il fattore estetico, anche l'organizzazione del "cantiere". Basta qui solo osservare che, nel susseguir si delle fasi di costruzione di un edificio, la scala, proprio per la sua funzione di collegamento verticale, fuoriesce dal livello delle altre strutture di piano e rappresenta, in questo senso, un ostacolo ad uno svolgimento ritmico della costruzione. La soluzione di questo problema puo'orientare la scelta verso quel tipo strutturale, che consenta di ottimizzare la produttivita' del cantiere.

6.2) Gradini a abalzo eseguiti in opera.

Nello schema di gradini a shalzo eseguiti in opera (fig. 6-1), il rampante e' costituito da una solet ta a spessore variabile, scindibile idealmente in una parte inferiore uniforme dello spessore di 3-5 cm ein sovrastanti elementi di forma triangolare le cui di-

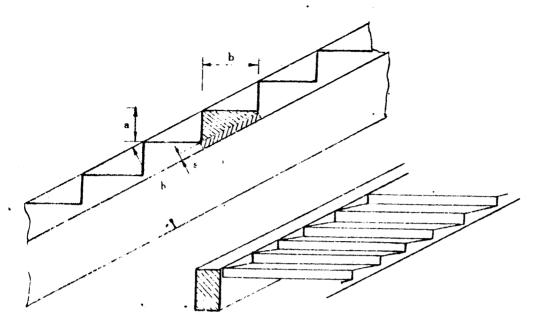


Fig 6.1

mensioni dipendono ovviamente da quelle dello scalino finito.

Il singolo scalino, separato idealmente da quelli adiacenti ha sezione di forma pentagonale, sovrapposizione di un rettangolo e di un triangolo.

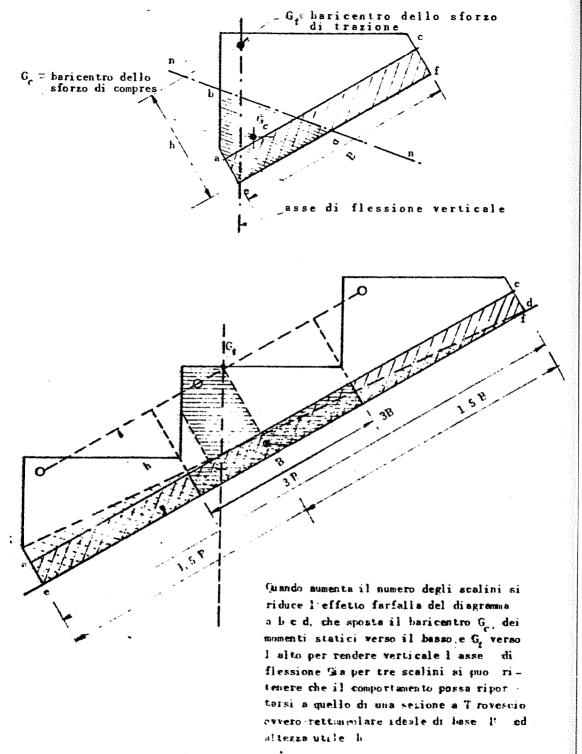
Il calcolo di verifica di questo elemento struttu rale se supposto separato dagli scalini adiacenti, do vrebbe eseguirsi a flessione deviata taglio e torsio ne Infatti i carichi accidentali, che potrebbero esere disposti comunque nella larghezza trasversale del la pedata, introdurrebbero torsione oltre che taglio.

Un calcolo rigoroso sarebbe, inoltre, alquanto complesso perche', trattandosi di struttura in cemento armato, le caratteristiche geometriche e meccaniche va rierebbero con la parzializzazione della sezione tra sversale, il che si rifletterebbe anche sull'entita stessa della caratteristica torcente

Per semplicita' ci si potrebbe uniformare alla nor male prassi (che si adotta normalmente per strutture inflesse asimmetriche in cemento armato) di determina re le caratteristiche esterne della sollecitazione in base alle caratteristiche geometriche corrispondenti alla sezione omogenea (in cui si prescinda cioe' dalla fessurazione) e verificare poi a rottura, nella ipotesi di incapacita' del conglomerato ad assorbire sforzi di trazione oltre i limiti di 4÷6 Kgcm⁻².

Solo prove di carico, statisticamente valide, potrebbero, allo stato attuale delle conoscenze, fornire una valutazione sufficientemente approssimata delle effettive capacita' di resistenza di un gradino isolato.

In realta', pero' i gradini eseguiti in opera non si realizzano isolati, ma tutti collegati, tra loro e con i pianerottoli di riposo e di caposcala, attraver so la solettina inferiore. A causa di tale collegamen to gli spostamenti avvengono in direzione normale alla rampa e basta collegare tra loro tre o quattro gra dini perche' la soletta inferiore acquisti nel suo pia no una rigidezza flessionale tanto elevata da impedi re ogni spostamento parallelo al suo piano. Si puo con trollare (fig. 6-2), attraverso il calcolo di verifica della sezione complessiva, che l'asse neutro, al crèscere del numero di gradini tende a disporsi parallelamente all'inclinazione della rampa e quindi la zona compressa inferiore tende ad assumere forma rettango. lare, mentre la parte triangolare del gradino risulta tutta virtualmente parzializzata. Allora il calcolo si semplifica notevolmente perche' tende a coincidere con quello di una sezione rettangolare avente per base la dimensione inferiore B dei gradini e per altezza (u



tile) la distanza (h) tra l'area metallica disposta in prossimita dei vertici superiori del triangolo e lo intradosso del rampante.

Sono quindi applicabili le ben note formule, dipro getto e verifica valide per le sezioni rettangolari.

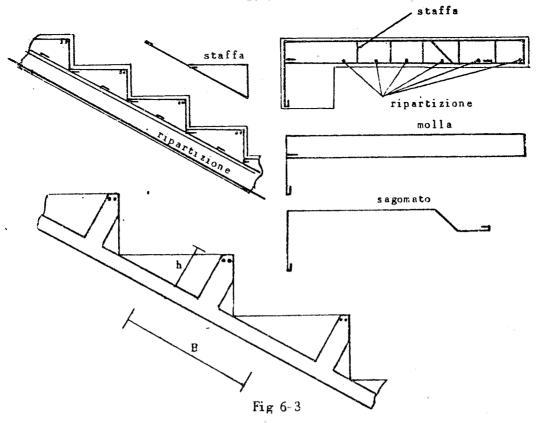
E' sufficientemente approssimato tener conto, in ta le verifica della sola componente dei carichi agente nel piano normale alla rampa potendosi senz altro ammettere che la componente parallela alla rampa sia assorbita dalla soletta inferiore di collegamento tra i gradini. La torsione, nel singolo gradino, si traduce in una distribuzione di flessioni, nella solettina, di entita' trascurabile cd anche le sollecitazioni tangen ziali sono normalmente contenute nei limiti sopportabili dal solo conglomerato.

In definitiva le verifiche si svolgono solo peril regime flessionale innanzi descritto.

Nella normale prassi esecutiva le armature di ogni gradino sono costituite da due barre metalliche, del le quali una e piegata "a molla" ed arma anche il bordo interiore, l'altra e' sagomata all'incirca a meta luce (fig. 6-3). Le due barre di acciaio si ancorano nella trave di sostegno perimetrale, ripiegandosi a squadro nell'anima questo problema e' stato gia' discusso per lo schema del balcone a "sbalzo laterale" ancorato alle travi perimetrali del solaio.

Si dispongono, inoltre staffe di forma triangolare (fig. 6-3), con un lato prolungato nel gradino superiore ferri filanti disposti nella soletta inferiore parallelamente alla rampa, collegano tra loro tutti i gradini ed i pianerottoli.

13 PAGANO Teoria delle costruzioni



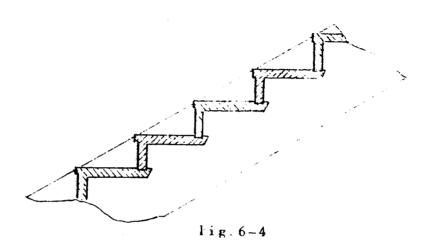
Lo spessore della soletta inferiore, come si e' gia' detto, non puo' essere minore di tre centimetri, perche', tecnologicamente, queste armature possano esse re avvolte da conglomerato di accettabile composizione granulometrica con un sufficiente copriferro.

6.3. Gradini prefabbricati a sbalzo.

I gradini prefabbricati sono prodotti in serie con cassaforme metalliche e con adeguati sistemi industria li di esecuzione (vibrazione, maturazione a vapore, ecc.). L'incidenza del costo della cassaforma, nel caso di numerosi elementi eguali, diventa trascurabile e quindi si adottano forme alleggerite della sezione

trasversale perche' l'onere corrispondente alla quan tita' di materiale impiegato ed il peso che ne consegue, diventa economicamente determinante.

L'analisi teorica di siffatti elementi struttura li (fig. 6-4) si svolge secondo le considerazioni esposte in precedenza per il gradino isolato.

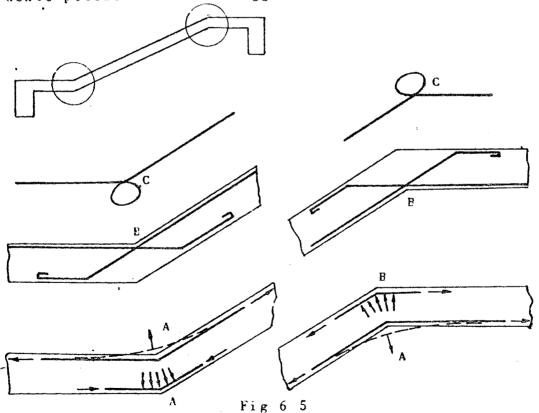


Sull'elemento così dimensionato solo un rigoroso controllo sperimentale, con prove spinte fino a
rottura, puo dare valide indicazioni sull'effettivo
comportamento statico e sul grado di sicurezza. Sarebbe anzi preferibile per grandi serie, utilizzare
un cicio sperimentale, a resistenze crescenti, secondo
i piu avanzati criteri di progettazione di elementi
unificati.

6.4. Soletta rampante.

Lo studio statico di una soletta rampante non pre senta difficolta particolari rispetto ad una norma le soletta in cemento armato. Si adottano gli stessi schemi limite validi per i solai. Nella ipotesi (limite) di appoggi scorrevoli e privi di resistenza angolare, per la determinazione dei momenti flettenti e dei tagli, e sufficientemente approssimato rettilineizzare l'asse proiettandolo in orizzontale.

Merita una cura particolare il disegno della zona in cui la soletta si piega per seguire l'andamento del la rampa le armature non devono ivi abbracciare ango li concavi, così come e' chiaramente illustrato dal la fig. 6-5; naturalmente si richiede una corrispondente precisione al montaggio.



A - disposizione errata

li disposizione corretta

C - disposizione corretta ma di laboriosa esecuzione ("cappio")

6.5 Travi a ginocchio.

I gradini a sbalzo sono spesso sostenuti da travi perimetrali che, per seguire l'andamento della rampa. hanno l'asse spezzato in uno o due ginocchi. Tali tra vi sono sottoposte ai carichi verticali corrispondenti al peso del rampante, dell'eventuale tompagno della sca la ed al peso proprio, nonche' ai momenti trasversali trasmessi dalla rampa a sbalzo e dai pianerottoli. Lo schema strutturale e' analogo a quello della — soletta rampante innanzi considerata. Peraltro la determinazio ne dello stato flettente e torsionale e'molto laborio sa se eseguita in rigore (nel completo rispetto dell'e quilibrio e della congruenza). Infatti, non solo lo sche ma presenta in realta' una geometria molto complessa come si evince dalla fig. 6-7, ma presenta anche una elevata iperstaticita' di comportamento trasversale nei piani, inclinati ed orizzontali, di sviluppo dei ram panti. Si ricorre quindi anche in questo caso al crite rio di "fascia" ampliandone i limiti in modo da semplif<u>i</u> care il problema, tanto piu che in un edificio e opportuno che la scala sia sempre dimensionata con esube

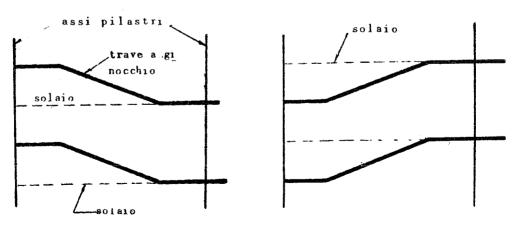


Fig 6-7

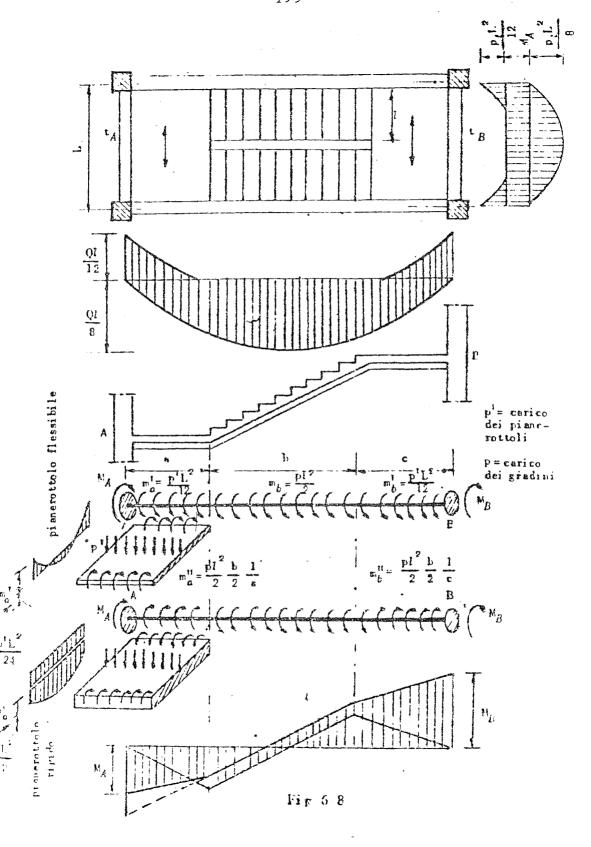
ranza perche' possa assorbire anche le sollecitazioni che le derivano dalla sua inevitabile partecipazione alla resistenza dell'ossatura dell'edificio, quando e' sottoposta a carichi orizzontali.

Ci si riferisce, anche in questo caso, ad uno schema rettilineizzato (attenuto proiettando l'asse spezzato sulla orizzontale) per il quale occorre determinare i momenti flettenti, agenti agli estremi, dovuti al la solidarieta con i ritti (fig. 6-8).

Ai piani superiori, dove i ritti rappresentano vin coli angolarmente deboli il limite della fascia considera semplici appoggi; questo limite si considera valido anche ai piani inferiori, in corso di costruzione, per le stesse ragioni gia' esposte per le "travi" di piano. In definitiva, a tutti i piani, agl'incastri ed in mezzeria, il primo schema limite considera i momenti corrispondenti alla trave contiana su appoggi semplici (*).

Alla base dell'edificio si ha di contro, in sede di servizio, il massimo grado d'incastro offerto dai pilastri. Di qui si ottiene il secondo limite della fa scia che considera la trave separata dalla struttura e perfettamente incastrata nella sezione a filo con i pilastri. E' cosi' risolta la parte del problema relativa ai momenti flettenti e ai tagli.

^(*) Nel caso che ha trave a ginocchio non sia continua con altre travi, questo primo schema si riduce ad una sola campata semplicemente appoggiata agli estremi.



Anche i diagrammi del momento torcente nella trave a ginocchio si ottengono con lo stesso criterio di "fascia". Si proietta sempre lo schema geometrico sul piano orizzontale. Sulla trave i momenti trasversali sono esercitati dal rampante a sbalzo e dai due pianerottoli.

A vantaggio di stabilita', si considera l'insieme dei gradini staccato superiormente ed inferiormente dai due pianerottoli (di riposo e di caposcala), trascurando cioe' il collegamento, di questi con la solettina inferiore del rampante, assicurato dalle armature di ripartizione. I gradini trasmettono allora alla trave momenti isostaticamente determinati. Invece il pianerottolo, essendo vincolato a due travi a ginocchio consecutive della scala, trasmette ad esse momenti che derivano dal rispetto della congruenza tra la rotazione della generica sezione trasversale del la trave e quella della fibra corrispondente del pianerottolo. Tali momenti logicamente, dipendono dal rapporto tra la rigidita flessionale del pianerottolo la rigidita torsionale della trave.

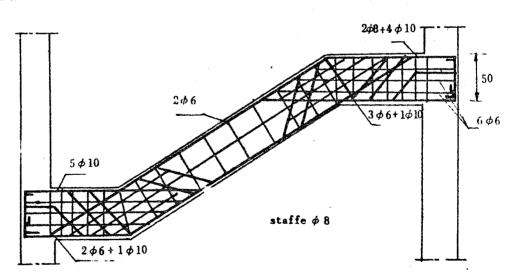
A questo punto si configurano due ipotesi limite che corrispondono rispettivamente ad un valore infinito molto elevato e, rispettivamente, molto piccolo di tale rapporto. Nella prima ipotesi, di trave molto rigida e pianerottolo flessibile, si perviene, al limite al valore infinito del rapporto e quindi alla condizione di incastro perfetto per le fibre del pia nerottolo. I momenti iperstatici valgono allora $(\frac{M^2}{12}, \frac{p1^2}{12})$, essendo p il carico distribuito sul pianerottolo ed la sua luce.

Nella seconda ipotesi di pianerottolo molto rigi do e trave torcibile al limite si perviene al valore nullo dello stesso rapporto; il pianerottolo impedi sce allora ogni rotazione trasversale della trave a ginocchio rappresentando, per essa, un vincolo perfetto a torsione. Esso esercita sulla trave un momento torcente che equilibra quello applicato dai gradini a sbalzo.

In definitiva, la trave a ginocchio trova nei pianerottoli, invece che nei nodi terminali di attacco ai pilastri, i suoi vincoli torsionali di estremita'.

Si e' cosi' ottenuta la fascia racchiusa dai due diagrammi, rappresentati in fig. 6-8, nei quali si e' supposta lineare la distribuzione dei momenti iperstatici nel tratto corrispondente al pianerottolo.

Una volta noto il campo (fascia), entro il quale so no comprese le effettive caratteristiche flettenti, ta glianti e torcenti, il proporzionamento della sezione trasversale della trave a ginocchio si esegue, sempre



stralciato da un progetto esecutivo

Fig 6-9

con una certa larghezza (per le ragioni che s'indiche ranno anche al par. 6.7) secondo le indicazioni derivanti dalla teoria statica del cemento armato.

6.6.- Travi di testata.

Nella ipotesi di pianerottoli flessibili, i momenti torcenti (M, ed M_p) vincolari, agenti alle estremita', sono esercitati sulla trave dai nodi terminali.Co me sempre, interviene il criterio di fascia: poiche' a gli ultimi piani i pilastri sono molto sottili ed han no scarsa capacita' di resistenza flessionale, conviene, al limite, prescindere del tutto dal contributo dei pilastri e disporre, al perimetro della scala, due travi (indicate con t_A e t_R in fig. 6-8), ortogonali a quelle a ginocchio, capaci di assorbire dette reszioni torcenti terminali. I momenti torcenti, per esse, di ventano flettenti ed anche per dette travi esiste la fascia limite, costituita dalle corrispondenti ipolesi (limite) di rigidita' nulla e, rispettivamente, infinita dei pilastri, collegate entrambe alla ipotesi di ri gidita' nulla dei pianerottoli (l'ipotesa di rigidità infinite dei pianerottoli elimina ogni effetto dei mo menti torcenti sulle travi t, e t, e quindi riconduce la trave in esame nella fascia valida per una qualsiz si trave di piano). Nel primo caso limite, di rigicitat nulla dei pilastri e dei pianeiottoli le travi di testate realizzano, insteme alle due travi a ginocchio, un nastro continuo di travi perimetrali, intersgenti or togonalmente agli estremi comuni, che si sveige a spirale salendo lungo tutta la scala. An piant inferiori

(pilastri molto rigidi) e' piu' vicino al secondo limite perche' i pilastri, in condizioni di servizio sono molto robusti e le singole campate del nastro ri sultano separate ed incastrate perfettamente agli estremi.

Accettando la soluzione di scala tipo che sia sta ticamente valida a tutti i piani, le travi di perimetro della scala si proporzionano in base alla fascia definita dalle dette due ipotesi limite, come gia'e' gia' piu' volte indicato.

6.7. - Pianerettoli.

I pianerottoli di riposo e di caposcala hanno for ma rettangolare e si realizzano con solette, piene o alleggerite, vincolate lungo i due lati minori alle travi a ginocchio (*).

Occorre tener presenti i due casi limite di cui si e' gia' detto in precedenza per le travi a ginocchio. Nel caso di pianerottolo rigido e travi torcibili i momenti trasversali agenti sulle travi a ginocchio inducono nella soletta reazioni vincolari checastituiscono per essa flessioni positive additive rispetto a quelle provocate dai carichi esterni direttamente applicati alla soletta stessa.

Agiscono infatti ai due estremi del piamerostolo momenti che ne tendono le fibre inferiori. La solet-

^(*) Nel caso di scala sviluppantesi nell'interpiano con tre rampe, i due pianerottoli di riposo assumono, invece, forma presa socche: quadrata e sono costituiti da solette sorrette a sbalzo su due lati consecutivi.

ta si considera pertanto semplicemente appoggiata agli estremi e sottoposta oltre che al carico uniforme direttamente agente a due momenti positivi pari alle reg zioni torcenti dei rampanti applicati alle due estremita' (fig. 6.10).

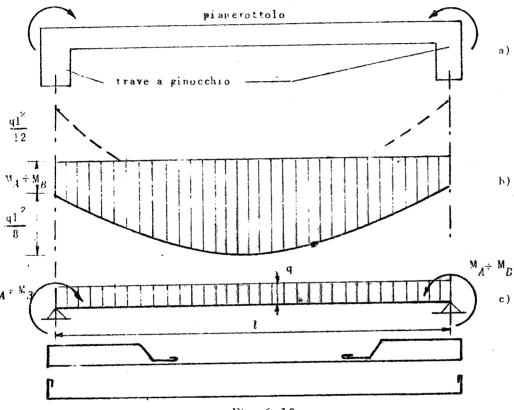


Fig 6-10

Laltra ipotesi limite (pianerottolo flessibile e trave rigida) comporta per il pianerottolo, incastri perfetti agli estremi. Il pianerottolo si arma con bar re inferiori prolungate fino alle estremita' dove il momento flettente positivo non e' nullo, cosi' come illustrato in fig. 6-10. Agli incastri il momento flettente negativo relativo alla seconda ipotesi limite richiede corrispondenti armature.

6.8. La scala come irrigidimento dell'ossatura dello edificio.

La struttura della scala svolge un ruolo notevole anche nel quadro, piu' generale, del comportamento statico della intera ossatura dell'edificio.

Si consideri ad esempio il caso, molto comune, di edificio a pianta rettangolare allungata, nel qualele travi di piano siano disposte parallelamente al piu' lungo e solo i solai, con le due travi di testata, siano disposti in senso trasversale. In questo caso la scala, disposta quasi sempre nella zona centrale della pianta, puo', anzi spesso deve, assumere la ulteriore funzione di irrigidimento trasversale dell'edificio. Si e' gia' accennato all'opportunita', in mancanza di un apposito calcolo, di conferire alla scala doti di esuberanza statica, che valgano a renderla ca pace di adempiere anche a questa funzione, che puo es sere vitale per l'edificio. Negli edifici molto alti questa necessita' di irrigidimento trasversale s'impo ne esplicitamente ed un apposito calcolo puo' indicare l'opportunita' di realizzare pareti piene, (almeno ai piani inferiori) che potrebbero coincidere con le pareti della scala, per diaframmare ed irrigidire tra sversalmente tutta l'ossatura. A tali pareti, e ad al tre se necessarie, si assegna il compito di assorbire le azioni dovute al vento o, eventualmente, ad effetti sismici.

Quando la distribuzione architettonica prevede che la cassa di scala sia al di fuori dell'edificio e mancan do il suo contributo di irrigidimento e' opportuna, anche per edifici di pochi piani, la verifica dell'os satura rispetto alle condizioni di instabilita' glo-bale argomento che non e'trattato in questo volume.

7 - FONDAZIONI.

7.1. - Generalita² - Fondazioni dirette ed indirette.

La verifica di statilita' delle fondazioni di un edificio richiede l'accertamento della compatibilità statica tra gli strati geologici interessati e la struttura dell'intero edificio, con particolare riguardo a quella parte, che si trova piu' vicina al suolo, che si chiama normalmente struttura di fondazione o, ancor piu' brevemente, "fondazione".

La fondazione si dice "diretta" se il suo sistema di realizzazione permette di operare a contatto diretto con il "piano di posa", e cio'indipendentemente dalla profondita'.

Si considera invece "indiretta" se il sistema di costruzione non consente all'operatore di portarsi di rettamente a contatto con il piano di posa, ma solo indirettamente attraverso l'impiego di appositi mezzi d'opera. Normalmente le iondazioni indirette si adottano per ragioni tecnico-economiche quando gli strati superficiali non danno affidamento e l'incidenza dell'onere dello scavo diventa eccessiva, attesa la profondita' degli strati geologici che risulta no staticamente idonei in rapporto alle caratteristi che della struttura portata. In genere quindi esse sono piu' profonde di quelle dirette anche se questa

circostanza non ne costituisce una caratteristica es senziale.

La profondita' del piano di posa e degli strati geologici da interessare deve essere scelta con cautela indipendentemente da ragioni strettamente tecni che Infatti, a meno che il suolo non sia costituito da roccia affiorante particolarmente compatta, non e' mai opportuno realizzare una fondazione diretta trop po superficiale; essa sarebbe infatti vulnerabile, perche' soggetta a tuete le perturbazioni, che neces sariamente colpiscono gli strati superficiali del ter reno, dovute ad agenti naturali ed ar tificiali. sta pensare alle varie installazioni e servizi si rendono necessari all'interno dell'area dell'edificio o nella fascia perimetrale circostante, quali ad esempio, fognature, canalizzazioni, serbatoi terrati, impianti di lavaggio, piantagioni, ecc., che interessano gli strati superficiali di terreno per alcuni metri al di sotto del piano campagna e che so no soggette nel tempo ad inevitabili disservizi, sia pure nell'ambito di una normale manutenzione (*).

La scelta del piano di posa e', cioe', dettata oltre che da un corretto esame statico anche da altre
esigenze di funzionalita' e funzionamento della costruzione. Con la profondita', a parita' di ogni altro fattore, in genere aumenta la capacita' di resistenza del piano di posa; esistono tuttavia casi in
cui la capacita' di resistenza si riduce con la profondita'.

Il costo della fondazione aumenta certamente con

^(*) E' doveroso che del progetto della fondazione si tenga conto nel progetto delle infrastrutture dell'edificio e vice - versa.

essa e, oltre un certo valore, diventa proibitiva la realizzazione di una fondazione diretta; nei casi in cul essa sia comunque indispensabile, si rendono necessari mezzi speciali per contenere la spinta delle terre e talora in presenza di acqua, palancole, cassoni autoaffondati, cassoni ad aria compressa, ecc..

Normalmente si rinunzia al diretto contatto dell'operatore e si utilizzano "pali" realizzati con ap posite attrezzature meccaniche. Anche in questo caso, con particolari dispositivi, si prelevano campioni di terreno per valutarne la capacita' portante.

Peraltro, essa puo' determinarsi anche con apposite indagini (ad es. profili penetrometrici, prove di carico su pali campione, ecc.).

Sia le fondazioni dirette che quelle indirette si classificano in base alle caratteristiche tecniche di realizzazione, del materiale impiegato e cosi'via.

Tutta la struttura dell'edificio partecipa alla statica della "fondazione"; un esame separato si giu stitica solo per lo scopo di semplificare il compito della progettazione, ma richiede la preventiva definizione delle condizioni e delle ipotesi che si formulano per tale esame separato.

la determinazione delle caratteristiche meccaniche del piano di posa e le verifiche corrispondenti fanno parte di altra disciplina; si suppone nel seguito che siano definibili e note le caratteristiche di resistenza e di deformabilità del piano di posa; si suppone, in particolare, di conoscere il legame tra resistenza meccanica convenzionale (espressa ad esempio in kg.cm⁻²) e corrispondente deformazione e che tale legame sia lineare ed indipendente dalla forma e dall'estensione dell'area di contatto tra strut

tura di iondazione e suoio (*). Si suppone ancora che i cedimenti si mantengano 'piccoli' (**) entro il valore limite delle sollecitazioni assegnato per il pia no di posa.

7.). - Plinti isolati.

Le strutture che si utilizzano per le fondazioni dirette assumono forme e schemi dipendenti generalmente dal valore della sollecitazione massima ammissibile per il piano di posa e dall'entita' del carico trasmesso dall'edificio.

Si consideri inizialmente il caso che il pilastro trasmetta un carico verticale centrato. Il rapporto tra detto carico e la sollecitazione ammissibile del piano di posa fornisce l'area della base ne cessaria nella ipotesi di ripartizione uniforme. Se le dimensioni della base, così determinate, sono pic cole rispetto all'interasse tra i pilastri, la fondazione si puo realizzare con "plinti isolati" (figura 7-1).

Effettuato lo scavo si ricopre il fondo, che costituisce il piano di posa, con uno strato di congl<u>o</u>

^(*) Tale legame in realta' non e' mai lineare, raramente of fre garanzie di perfetta elasticita' e dipende dalla forma e dall'estensione del piano di contatto.

^(**) Per l'ossatura di un edificio il cedimento relativo si considera ammissibile se comporta rotazioni delle travi non superiori a 0.002.

¹⁴ PAGANO Teoria delle costruzioni.

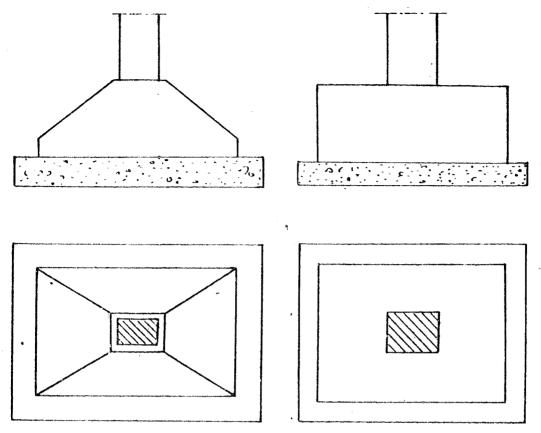


Fig. 7-1 - Due oforme asuali per plinti isolati di

merato non armato ("sottoplinto") avente lo scopo di evitare che la successiva esecuzione della struttura in cemento armato del plinto avvenga in presenza di polvere o fango.

Nel sottoplinto e' opportuno predisporre ferri ver ticali di attesa per una migliore appresatura con il sovrastante plinto.

Al plinto si confecisce la forma di semplice parallelepipedo, quando le dimensioni della base sono piccole e la forma di tronco di piramide quando la base e' tanto ampia che l'economia di materiale che così si realizza compensa il maggiore onere di magistero.

Il comportamento statico del plinto rappresenta un problema indiscutibilmente aperto della bibliografia tecnica, trattandosi di un solido volutamente tozzo, di torma molto vaciabile, non affrontabile con la teoria delle travi o delle piastre sottili. Non si dispone allo stato attuale di una schematizzazione rigorosa di calcolo.

D'altra parte trattandosi di opere la cui stabilita coinvolge quella di tutto l'edificio, sono lecite, anzi opportune, schematizzazioni (*) che siano a vantaggio di statica; tutto cio' in attesa che la ricerca scientifica ne approfondisca meglio il com portamento statico, con un adeguato modello teorico.

A tal fine, volendo operare su modelli sperimenta li, occorrerebbe eseguire prove a rottura, che pero escludano a priori il contributo offerto dalla resistenza a trazione del conglomerato (**) e dall'attrito con il suolo al fine di assicurare la resistenza nel tempo, anche in assenza di effetti che potrebbero venire a mancare

Allo stato attuale delle conoscenze si consiglia di assumere per modello teorico la struttura del plin to suddivisa in pianta in quattro elementi trapezoidali, con altrettanti tagli (ideali) verticali effet tuati secondo le congiungenti i vertici del quadrato di base con i corrispondenti vertici del pilastro (fig 7-2 a)

^(*) Lo schema ancora una volta si presenta come un operatore finalizzato a realizzare opportuni effet ti statici adeguata sicurezza e rigidita'.

^(**) Su tale resistenta non si puo far sicuro af fidamento e si potrebbe determinare in una prima prova di carico un valore corrispondente alla fessurazio ne prossimo se non addirittura superiore, a quello di rettura.

Si ottengono cosi' quattro mensole, ciascuna inc<u>a</u> strata con la base di minore larghezza al pilastro.

Questo schema rende immediata la determinazione delle caratteristiche della sollecitazione se si ass \underline{u} mono valide le seguenti ipotesi: (*)

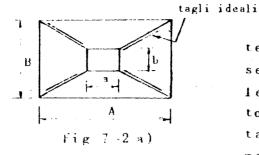
- a) che le deiormazioni del plinto siano molto piu'pic cole di quelle del piano di posa e che quindi la di stribuzione delle pressioni sia uniforme (questa i potesi, anche se non rispondente al vero, e' tutta via a vantaggio di statica);
- b) che sia nullo l'attrito tra plinto e piano di posa e che siano cioe' consentite liberamente le deformazioni della superficie inferiore del plinto.

Tenendo conto del grado di approssimazione di tutto il procedimento e' giustificato valutare il momento fiettente a filo del pilastro con la seguente espressione approssimata (fig. 7-2a))

$$M = N \qquad \left(\frac{A}{12} - \frac{a}{8}\right) \qquad . \qquad (**)$$

^(*) Anche queste ipotesi rientrano nello schema che comprende le condizioni di vincolo e di carico.

^(**) Essa si ottiene supponendo che i piani ideali di taglio coincidano in proiezione orizzontale con le diagonali del rettangolo di base e che la risultante delle pressioni del terreno sia applicata nel baricentro di ciascuno dei quattro triangoli cosi' definiti, anziche dei trapezi proiezioni orizzontali delle quattro mensole. Il momento e' intatti il prodotto del la risultante (N/4) per la sua distanza (A/3 - a/2) dalla faccia del pilastro (fig. 7-2à) Il risultato e' tanto piu' approssimato quanto piu' la forma del pilastro e' affine a quella del la base del plinto e quanto minore e' il rapporto tra area del pilastro e base dei plinto



Noto il momento fletten te, sono applicabili per la . sezione d'incastro le formu le di verifica e di progetto, valide per la sezione ret tangolare. Nel dimensionamento occorre rendere elfet

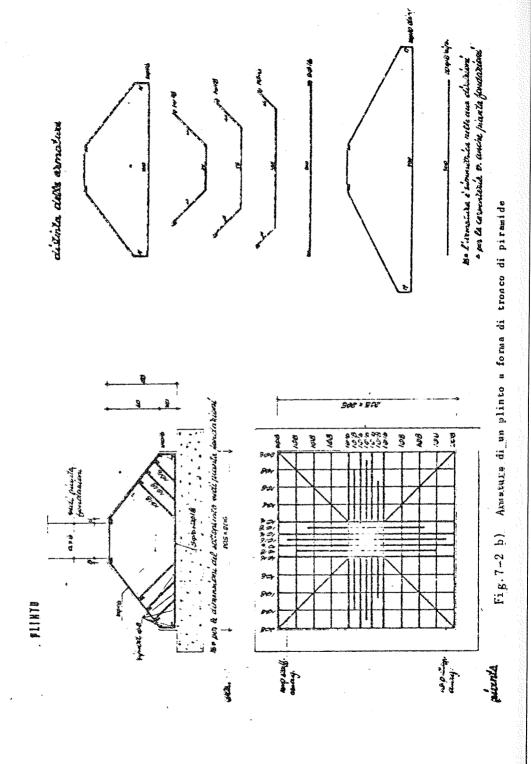
tiva l'ipotesi di rigidita' del plinto assunta nel calcolo, e rispettare le usuali esigenze di esecuzione al fine di realizzare una struttura poco vulnerabile da parte degli agenti chimico-fisici eventualmente presenti nel sottosuolo. Trattandosi di struttura tozza particolare attenzione richiede la verifica a taglio.

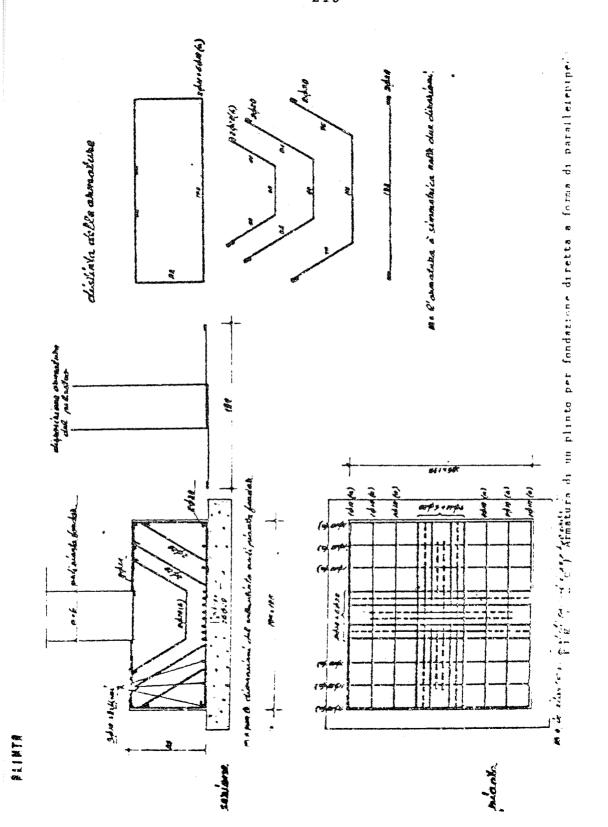
Per la valutazione delle tensioni tangenziali la teoria fornisce l'espressione

$$\tau = \frac{1}{0.9 \, \text{t.h}} - \frac{M \, \text{t.}}{0.9 \, \text{t.h}^2}$$

che tiene conto, nelle stesse ipotesi, della variabilita' della sezione si possono cosi' determinare sui presumibili piani inclinati di fessurazione, gli sfoi zi da assorbire con i sagomati cosi' come e' ben noto dalla statica del cemento armato.

Giova qui sottolineare che per l'importanza che rivestono le fondazioni e la notevole entità, in valore assoluto, dello sforzo di taglio, e' consigliable le disporre sempre armature capaci di assorbire tutto l'effetto tangenziale, anche quando il valore della tensione tangenziale assume valori modesti che secon do le norme potrebbero essere affidati solo al conglomerato. In ogni caso e sempre opportuno sagomare le barre di acciaio che non siano più necessarie a fies sione ed aggiungere cavalli sotto il pilastro per ciea





re una diffusione piu' uniforme dell'armatura nella massa di conglomerato e del flusso di sollecitazioni provenienti dal pilastro verso il piano di posa. Per esempi di armatura vedi fig. 7-2b e 7-2c.

Anzi, a vantaggio di stabilita' talora si trascura anche la riduzione della tensione tangenziale derivante dalla variabilita' della sezione. Di contro, quando l'inclinazione e' molto elevata, il vantaggio si accentua al punto da, rendere inapplicabile il modello di quattro mensole e da orientare invece verso un comportamento di pilastro a sezione variabile allargato verso il basso. (fig. 7-3).

Il carico verticale proveniente dall'alto si diftonde spontaneamente secondo canali inclinati per tra smettersi al piano di posa (*).

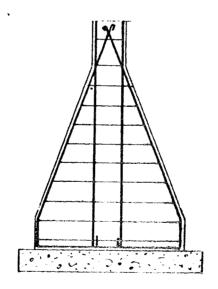


Fig 7-3

^(*) Questa diversita' di schema si evidenzia anche attraverso il 'fatto che là su riportata espressione della sollecitazione tan genziale al crescere di tg α diventa negativa, l'evidente assurdo dipende dalla inammissibilita dello schema di mensola che elecito solo per piccoli valori di α .

Il plinto in questo caso puo' schematizzarsi come un insieme di bielle inclinate (ciascuna a sezione variabile) colleganti il suolo con il pilastro a sezione costante. Staffe e ferri longitudinali vanno pertanto disposti nella stessa misura prescritta per i pilastri ed inferiormente, in corrispondenza cioe' della base, va disposta una rete capace di assorbire le componenti orizzontali di tali storzi nella ipote si che il piano sia assolutamente incapace di assorbire pressioni inclinate (*).

la possibilita, di realizzare plinti del tutto privi di armatura va comunque scartata, a meno non si adottino criteri di dimensionamento analoghi a queili validi per strutture in "muratura", ovvero per materiali teoricamente incapaci ael di resistere a storzi di trazione. Nelle strutture in muratura si devono ridurre gli effetti tangenziali e le conseguenti trazioni a livelli tanto modesti rendere inutile l'affidamento di esse ad armature me talliche. Nel caso invece di strutture in cemento ar mato le armature sono in ogni caso indispensabili, a prescindere anche dall'effetto di azioni esterne, per conferire al materiale le necessarie garanzie nei con fronti di difetti di esecuzione, autotensioni, lesio. ni da ritiro, ecc., premessa indispensabile per clas sificare il materiale come conglomerato armato.

^(*) Se il terreno di fondazione ha caratteristiche meccaniche molto buone, secondo alcuni autori, si puo'tener conto dell'attrito tra plinto e suolo. In tal caso basterebbe disporre so lo le armature verticali e le staffe cerchianti orizzontali, la rete inferiore non avrebbe piu' ragione di essere (fig.7-3) dal punto di vista statico e potrebbe conservarsi solo in misura ri dotta per ragioni tecnologiche.

7 3 Plinti sollecitati da sforzo normale eccentrico

Nel caso che il pilastro trasmetta al plinto an che un momento flettente ed uno sforzo orizzontale in corrispondenza del piano di posa la retta di azione della risultante non passa per il baricentro della ba se del plinto (nella ipotesi s'intende che questo si trovi sulla stessa verticale del baricentro della se zione del pilastro) La distribuzione delle sollecita zioni sul suolo e allora disuniforme ed e' determina bile in funzione della eccentricita del punto di applicazione della risultante (centro di pressione) ri spetto al baricentro (fig. 7-4).

La componente orizzontale deve essere assorbita per attrito fra suolo e plinto, e deve quindi essere verificata la condizione che sia minore (con un congruo margine di sicurezza) del prodotto della componente verticale per il coefficiente di attrito traplinto e suolo. Il piano di contatto plinto-suolo e' utto compresso se il centro di pressione e' all'in terno del nocciolo della figura di base (nel "terzo medio" nel caso di forma rettangolare e di asse di lessione coincidente con una delle mediane). Se il centro di pressione e' fuori dal nocciolo, una parte della superficie di base diventa inerte essendo il suolo incapece di assorbire siorzi di trazione

La determinazione della posizione dell'esse neutro si esegue in generale attraverso la condizione che es so sia antipolare del centro di pressione iispetto al l'ellisse centrale di inerzia della parte reagente nel caso di base di forma qualsiasi e di centro di pressione applicato in un punco generico della base il capitolo della pressoflessione ci indica la possibilita

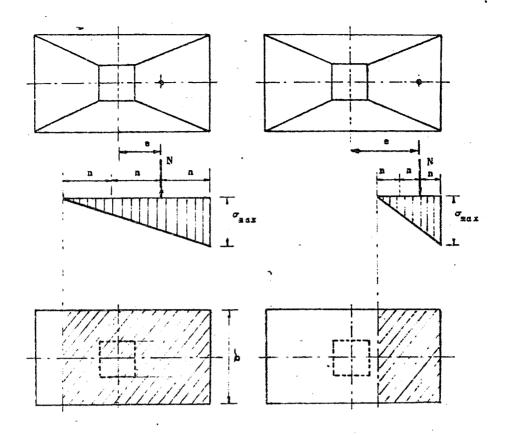


Fig. 7-4.

di risolvere graficamente con uno o piu' tentativi il problema della ricerca dell'asse neutro e del diagram ma delle pressioni.

Nel caso, piu' semplice, di base rettangolare e centro di pressione agente lungo una mediana la posizione uell'asse neutro e della sollecitazione massima e' facilmente determinabile (fig. 7-1).

Il plinto e' ovviamente sollecitato dalle stesse

pressioni del terreno di segno opposto alle precedenti. Si determinano le caratteristiche di flessione e
taglio nel plinto secondo schemi semplificati che di
volta in volta si scelgono nel modo più opportuno; ge
neralmente i massimi effetti si hanno all'attacco del
plinto con il pilastro.

Alla casistica molto vasta si provvede adottando, con opportuni tagli ideali, modelli analoghi a quelli gia' indicati per il plinto simmetricamente caricato.

7.4. Plinti zonni

In caso particolare che e' opportuno trattare con maggiore attenzione e' costituito dai "plinti zoppi" che talora, inopportunamente, vengono adottati in prossimita' del perimetro per non invadere il suolo adiacente di proprieta' aliena.

It bene dire subito che si tratta di una struttura irrazionale dal punto di vista statico; infatti ne<u>i</u> la ipotesi che il carico agisca secondo la verticale taricentrica del pilastro, la distribuzione delle so<u>i</u> lecitazioni sulla base sarebbe quella indicata in figura 7.5 e gran parte della base sarebbe inerte.

(ome si vede anche dalla fig. 7-6, sempre nella i potesi che il carico agisca secondo l'asse del pila stro sareble inutile assumere larghezze del plinto maggiori di 1,5 volte la larghezza del pilastro; anzi si vede che riducendo la larghezza trasversale del plinto al di sotto di tale valore la sollecitazione massi ma diminuisce e presenta un minimo quando il plinto ha la stessa larghezza del pilastro il tratto compreso

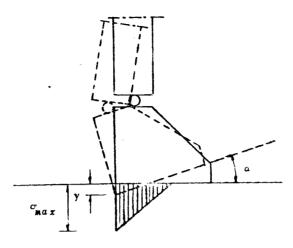


Fig 7-5

tra A' e A corrispondente ad una larghezza minore del pilastro, non ha significato pratico.

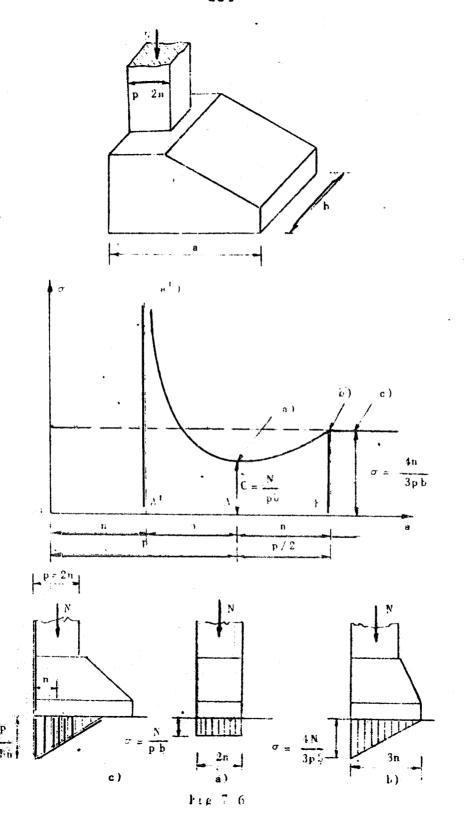
Se allo sforzo normale si accompagnano momenti flettenti e sforzi di taglio agenti al piede del pila stro la distribuzione delle pressioni si modifica.

Infatti solo se il carico trasmesso dal pilastro e' verticale ed e' applicato a mezzo di una cerniera all'attacco con il plinto, il diagramma e' quello indicato in fig. 7-5; in tal caso il plinto presenterebbe la deformazione il·lustrata dalla stessa fig. 7-5, in cui la rotazione α dipenderebbe dalla costante c di sottofondo, attraverso la relazione:

$$\alpha = \frac{2N}{9 \cdot v \cdot u^2 c} \qquad (c = \frac{\sigma}{y})$$

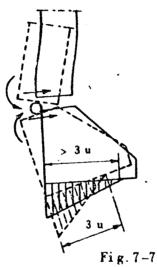
espressa come rapporto tra il cedimento massimo $(y = \frac{C}{c})$ che si verifica in corrispondenza dello spigolo esterno del plinto e la larghezza (3u) dell'area reagente.

Se, come avviene in realta', non esiste alcuna cer



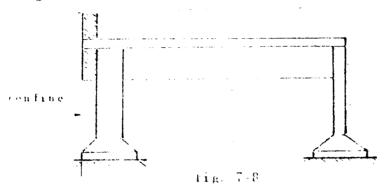
niera nella sezione di attacco tra plinto e pilastro, si destano ivi momenti e tagli atti ad imporre il rispetto della congruenza (fig. 7-7).

La soluzione del problema presenta, dal punto di vista quantitativo, difficolta' rilevanti connesse principalmente al valore da assegnare alla costante di sottofondo (c); dal punto di vista qualitativo invece e' chiaro che il momento ed il taglio che si destano

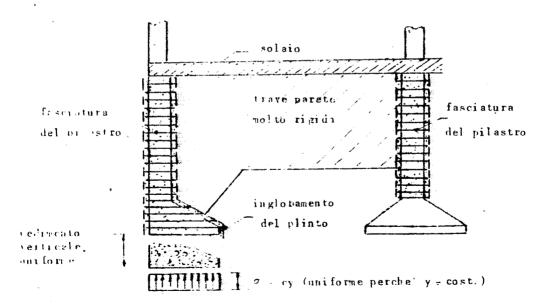


tendono a centrare la risultante del carico rispetto alla base del plinto ovvero a spostare il suo punto di applicazione verso l'interno dell'edificio. Le condizioni di lavoro del piano di posa migliorano ma, contemporaneamente, si aggravano le condizioni di lavoro del pilastro, che e' sollecitato a pressoflessione in vece che a pressione semplice: nasce quindi la necessita' di controllare che nel pilastro la sollecitazio ne che si desta non sia eccessiva e, al limite, determini una rottura al piede.

In definitiva in sede di progetto conviene indubbiamente evitare plinti zoppi, arretrando, ad esempio, il pilastro all'interno dell'area dell'edificio e ricorréndo in elevazione a strutture a stalzo verso il con tine (fig. 7-8).



Nel caso invece che, in sede di verifica di una struttura gia' eseguita, le sollecitazioni del piano di posa o del pilastro risultino inammissibili, si pud adottare il provvedimento (fig. 7-9) di rafforzare il



pilastro rendendolo capace di assorbire un momento flettente di entita' tale da centrare il carico sulla fondazione; cio' avviene effettivamente se il rat forzamento conferisce al pilastro una rigidita' tanto elevata da impedire al plinto ogni rotazione. Si ha cosi' un netto miglioramento delle condizioni di lavoro del piano di posa sollecitato, al limite, dalla pressione uniformizzata su tutto il piano di $(\sigma = \frac{N}{A_{tot}})$ appoggio del plinto.

7.5.-Collegamenti tra i plinti isolati.

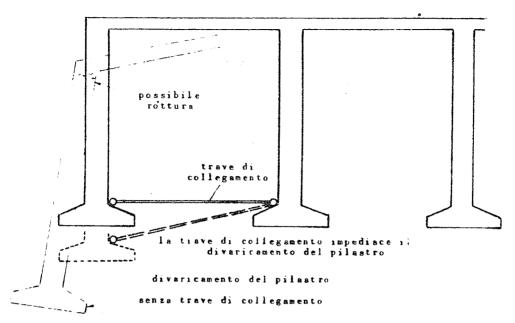
La fondazione di un edificio, costituita da plinti isolati, deve poter assorbire anche le spinte orizzontali, eventualmente trasmesse dall'edificio stesso; inoltre non possono escludersi difetti costrutti vi nel singolo plinto o in un gruppo di essi (quali fuori-piombo dei pilastri, disuniformita, nelle caratteristiche del suolo, alterazioni nel tempo delle caratteristiche meccaniche del piano di posa per cau se esterne accidentali) il cui verificarsi, sia pure nel ciclo di normale manutenzione di un edificio, come si e' detto, e un evento possibile e quindi prevedibile.

La probabilita di perturbazioni e' molto ridotta se il piano di posa e profondo, oppure se e' costituito da rocce compatte (tufacee, conglomerati sta
bili), oppure ancora da sabbie immerse permanentemen
te in acqua, mentre e molto maggiore se il piano di
posa e' superficiale ed e costituito da terreni sciol
ti. In questi ultimi casi come si e' gia'detto allo
ls PAGANO Teoria delle costruzioni.

inizio, occorre approfondire convenientemente il pia no di posa o ricorrere a fondazioni indirette. Tutto questo complesso di eventuali perturbazioni deve es sere fronteggiato in limiti commisurati alla probabi lita' che si verifichi l'evento. Tra i provvedimenti opportuni per conferire maggiore stabilita' tondazioni isolate e dirette si annoverano, innanzi tutto i collegamenti orizzontali tra i plinti. Sul pe rimetro esterno, essi, spesso, si dispongono indipen dentemente da tali considerazioni perche' hanno scopo di portare i muri di chiusura del piano terra(*). Il perimetro, del resto, e' certamente il piu' esposto a perturbazioni provenienti dall'esterno (fogne, condotte, traffico, ecc.). Una rete completa di travi, capace di realizzare vincoli mutui al piede dei pila stri e di contrastarne una eventuale tendenza a diva ricamenti, diventa indispensabile in terreni molto sensibili a turbative, specie se dipendenti da infil trazioni di liquido (fig. 7-10).

Infatti in caso di dissesto del piano di posa il pericolo maggiore e' rappresentato dalla possibilità che il piede oltre a cedere, si sposti trasversalmente e si verifichino rotture dei pilastri per pressoflessione. Infatti sarebbero molto elevati i valori del momento flettente nei pilastri per spostamenti relativi tra gli estremi, determinati dal fatto che in testa essi sono collegati tra loro dal primo solaio, mentre al piede, in mancanza di travi di collegamento, gli spostamenti potrebbero essere diversi in re-

^(*) Le murature perimetrali di chiusura, se fondate diretta mente a quota piu' alta del piano di posa dei plinti, presenterebbero inevitabilmente cospicue lesioni di assestamento.



* Fig. 7-10

relazione allo stato di dissesto del piano di posa.

Ovviamente non si possono pero' evitare, con travidi collegamento di normali dimensioni, disuniformita' dei cedimenti verticali; se questi sono prevedibili con molto probabilita', si dovrebbero adottare travimolto rigide (pareti) disposte in piu' direzioni e quindi, estendendo tale criterio a tutti i pilastri, un a struttura scatolata di travi "parete" poggiate su plinti isolati. Questo schema puo' presentare notevoli vantaggi anche rispetto a quello di fondazione continua su travi rovesce, che si considera nel successi vo paragrafo.