# Capitolo 4 TRAVI

#### 1. Ripartizione trasversale dei carichi

Il problema della ripartizione trasversale dei carichi sulle travi è stato risolto utilizzando il metodo di Courbon, il quale presuppone che la sezione possa considerarsi indeformabile per la presenza di una cortina di traversi, supposta infinitamente rigida.

La teoria di Courbon-Engesser prevede la schematizzazione della sezione complessiva in un insieme di travi longitudinali di una certa inerzia I e di trascurabile rigidità torsionale GJ<sub>t</sub>. Ciò implica che il momento

torcente esterno dovuto ai carichi debba essere fronteggiato esclusivamente dall'inflessione delle singole travi, le quali si oppongono allo spostamento con un carico reattivo ai facilmente esprimibile mediante l'equazione della linea elastica.

Una volta ridotto l'insieme dei carichi esterni ad un carico F con eccentricità e, l'aliquota di carico agente sulla generica nervatura, caratterizzata da una rigidezza EI, posta a distanza  $x_i$  dall'origine, é data da:

$$F_{i} = a_{i}F = \left[\frac{EI_{i}}{\sum_{i}EI_{i}} + \frac{EI_{i}x_{i}}{\sum_{i}EI_{i}x_{i}^{2}}e\right]F$$
(76)

L'espressione per una condizione di carico determinata di risultante F ed eccentricità e fornisce la quota di sovraccarico che compete alla trave generica i ( $x_i$  variabile); per F=1 mobile trasversalmente, ed eccentricità e variabile, fornisce invece la "linea d'influenza" dell'aliquota di carico gravante sulla trave i ( $x_i$  prefissato).

Per travi tutte uguali la relazione precedente si semplifica:

$$F_{i} = a_{i}F = \left[\frac{1}{n+1} + \frac{x_{i}}{\sum_{i} x_{i}^{2}}e\right]F$$
(77)

Si riportano le linee di influenza per degli appoggi relativi alla trave di bordo di eccentricità 6 metri e della trave di campata di eccentricità 2 metri (data la simmetria della sezione trasversale non risulta di alcuna importanza studiare le linee di influenza delle restanti travi).

In ascissa: eccentricità del carico F; in ordinata: coefficienti ai.



Figura 31: Linea di influenza e posizionamento dei carichi per massimizzare gli effetti sulla trave 1 di riva di eccentricità 6 m e sulla trave 2 di campata di eccentricità 2 m.

Tabella 10: coefficienti di ripartizione relativi alla diversa eccentricità della nervatura.

Trave 1	е	Xi	ai	Trave 2	е	Xi	ai
	8	6	0.85		8	2	0.45
1	6	6	0.70	1	6	2	0.40
2	2	6	0.40	2	2	2	0.30
3	-2	6	0.10	3	-2	2	0.20
4	-6	6	-0.20	4	-6	2	0.10
	-8	6	-0.35		-8	2	0.05

Le stese di carico sono state disposte in maniera tale da interessare esclusivamente la zona a valori positivi del diagramma, in quanto un carico interessato da un valore negativo del coefficiente di ripartizione riduce il carico gravante sulla trave di bordo. La norma inoltre dispone di caricare anche le aree rimanenti ossia quelle parti di carreggiata a valore positivo del diagramma delle linee di influenza nelle quali non rientra un'intera corsia convenzionale. Il carico tandem inoltre se presente deve essere considerato per intero.

Moltiplicando le risultanti dei carichi disposti per le ordinate delle linee di influenza, si ottengono i vari contributi di carico agenti sulle due travi d'interesse. Nelle tabelle seguenti sono riportati i risultati relativi al calcolo dell'aliquota di carico assorbita dalla trave di bordo e di campata.

#### 1.1. Carico da Vento

Il carico da vento sull'impalcato è calcolato utilizzando le indicazioni fornite dal CNR-DT 207/2008.

Il flusso che si instaura nell'intorno di un impalcato da ponte, e la conseguente distribuzione della pressione esercitata dal vento sulla superficie dell'impalcato, costituiscono fenomeni complessi, fortemente dipendenti dalla forma dell'impalcato e dei suoi elementi, dalla presenza e dalla distanza di un eventuale impalcato affiancato, dalla presenza o meno di veicoli in transito. In questo paragrafo viene affrontato il caso di ponte carico con un ingombro della sagoma dei veicoli in transito di altezza pari a 3 m lungo tutto lo sviluppo del ponte.

Sono valutate le seguenti quantità:

$$h_{\rm tot} = h_{\rm trave} + h_{\rm veicolo} + 0.50 \,\,\mathrm{m} = 6.5 \,\,\mathrm{m}$$
 (78)

dove:

$$h_{\text{trave}} = \frac{1}{20} L_{\text{max}} = \frac{1}{20} 60 = 3 \text{ m}$$
 (79)

$$h_{\rm veicolo} = 3 \, \rm m \tag{80}$$

0.50 è un valore a vantaggio di sicurezza per tener conto dell'altezza variabile dell'asfalto e di altre altezza difficilmente determinabili in fase di predimensionamento quali l'altezza degli appoggi.

d = 16 movvero la larghezza complessiva del ponte (81)

$$\frac{d}{h_{\rm tot}} = 2.46\tag{82}$$

$$c_{\rm fx} = \frac{1.85}{d / h_{\rm tot}} - 0.10 = 0.652 \tag{83}$$

$$c_{\rm fy} = \pm \left(0.7 - 0.1 \frac{d}{h_{\rm tot}}\right) = \pm 0.946$$
 (84)

$$c_{mz} = \pm 0.2$$
 (85)

Utilizzando le indicazioni fornite nell'NTC08 sono state individuate le seguenti caratteristiche dell'opera e del territorio al fine di determinare la pressione cinetica del vento

- Zona 4, Sicilia e provincia di Reggio Calabria
- Altitudine sul livello del mare  $a_s = 10 \text{ m}$
- Tempo di ritorno  $T_r = 100$  anni
- Classe di rugosità del terreno D: aree prive di ostacoli
- Altezza dell'opera z = 23.25 m

La pressione cinetica del vento al suolo:

$$q_b = 0.529 \text{ kN/m}^2$$
 (86)

Prendendo in considerazione il caso del ponte carico l'altezza di riferimento è calcolata come il punto medio della quota dell'impalcato:

$$\overline{z} = h_{\text{pila}} + \frac{h_{\text{tot}}}{2} = 20 + \frac{6.5}{2} = 23.25 \text{ m}$$
(87)

$$c_{\rm e}(23.25) = 3.304$$
 (88)

$$q(23.25) = q_{\rm b} \cdot c_{\rm e} = 0.529 \cdot 3.304 = 1.749 \text{ kN/m}^2$$
(89)

Definita la pressione cinetica del vento è possibile calcolare la terna di azioni che agiscono lungo l'impalcato del ponte:  $f_y$ : direzione verticale,  $f_x$ : direzione orizzontale,  $m_z$ : momento torcente.

$$f_x(z) = q(z) \cdot l \cdot c_{\rm fx} = 1.749 \cdot 6.5 \cdot 0.652 = 7.4 \text{ kN/m}$$
(90)

$$f_y(z) = q(z) \cdot l \cdot c_{\rm fy} = 1.749 \cdot 16 \cdot 0.946 = 26.47 \text{ kN/m}$$
 (91)

$$m_z(z) = q(z) \cdot l^2 \cdot c_{\rm mz} = 1.749 \cdot 16^2 \cdot 0.2 = 89.54 \text{ kNm/m}$$
 (92)

In questa fase non viene analizzato il caso del ponte scarico in quanto le sollecitazioni provocate risultano minori.

Il momento torcente  $m_{\rm z}$  andrà ad influenzare la trave di bordo come carico distribuito secondo la teoria di Courbon:

$$F_{\rm mz} = m_{\rm z} \cdot \frac{x_{\rm i}}{\sum_{i} x_{i}^{2}} = 89.54 \cdot \frac{6}{80} = 6.72 \text{ kN/m}$$
 (93)

### 1.2. Carichi

Trave 1: trave di bordo a distanza 6 m dalla mezzeria dell'impalcato, trave 2: trave di campata a distanza 2 m dalla mezzeria dell'impalcato.

	Trave 1										
Tino	Doseriziono	Lunghez-	<b>v</b> : (m)	Ordinata	Valore ca-	coeffi-	coeffi-	Carico SLU			
ripo	Descrizione	za (m)	$\mathbf{x}_1$ (III)	ai	ratteristico	ciente y	ciente $\Psi$	(kN/m)			
5	Soletta	16	0	0.25	7.50	1.35	1	40.50			
ori g	Trave 1	-	6	0.70	11.25	1.35	1	10.63			
proț	Trave 2	-	2	0.40	11.25	1.35	1	6.08			
esi ]	Trave 3	-	-2	0.10	11.25	1.35	1	1.52			
P	Trave 4	-	-6	-0.20	11.25	1.35	1	-3.04			
	Asfalto	10.5	0	0.25	0.65	1.50	1	2.56			
	Binder	10.5	0	0.25	1.44	1.50	1	5.67			
	Marciapiede SN	2	7	0.775	2.5	1.50	1	5.81			
52	Marciapiede DX	2	-7	-0.275	2.5	1.50	1	-2.06			
opri g	Ringhiera SN	-	8	0.85	1.0	1.50	1	1.28			
esi pr	Ringhiera DX	-	-8	-0.35	1.0	1.50	1	-0.53			
Ğ	Veletta SN	-	8	0.85	1.0	1.50	1	1.28			
	Veletta DX	-	-8	-0.35	1.0	1.50	1	-0.53			
	Guard-rail SN	-	5.5	0.663	1.0	1.50	1	0.99			
	Guard-rail DX	-	-5.5	-0.163	1.0	1.50	1	-0.24			
li bi	Ou compie 1	-	5	0.625	150	1.35	1	126.56			
aric] 10bi	Q <sub>1k</sub> corsia 1	-	3	0.475	150	1.35	1	96.19			
cai	$Q_{2k} \ corsia \ 2$	-	2	0.4	100	1.35	1	54.00			

Tabella 11: Carichi relativi alla trave di bordo - Trave 1

-					r .			1
		-	0	0.25	100	1.35	1	33.75
	O comio 2	-	-1	0.175	50	1.35	1	11.81
	$Q_{3k}$ corsia 3	-	-3	0.025	60	1.35	1	2.03
	folla SX	2	7	0.775	2.5	1.35	1	5.23
	$q_{1k} corsia 1$	3	4	0.55	9.0	1.35	1	20.05
	$q_{2k} \ corsia \ 1$	3	1	0.325	2.5	1.35	1	3.29
	$q_{3k}$ corsia 1	3	-2	0.10	2.5	1.35	1	1.01
	area rima- nente	2	-4.5	-0.088	2.5	1.35	1	-0.59
	folla DX	2	-7	-0.275	2.5	1.35	1	-1.86
va- li	vento mz	-	0	-	6.72	1.50	0.6	6.04
ichi iabil	vento fy	-	0	0.25	26.47	1.50	0.6	5.96
cari ri	neve	16	0	0.25	0.48	1.50	0	0

	Trave 2									
Tipo	Descrizione	Lunghez- za (m)	x <sub>i</sub> (m)	Ordinata ai	Valore ca- ratteristico	coeffi- ciente γ	coeffi- ciente ψ	Carico SLU (kN/m)		
1	Soletta	16	0	0.25	7.5	1.35	1	40.500		
bri g	Trave 1	-	6	0.4	11.25	1.35	1	6.075		
prop	Trave 2	-	2	0.3	11.25	1.35	1	4.556		
esi ]	Trave 3	-	-2	0.2	11.25	1.35	1	3.038		
Ч	Trave 4	-	-6	0.1	11.25	1.35	1	1.519		
	Asfalto	10.5	0	0.25	0.65	1.5	1	2.559		
	Binder	10.5	0	0.25	1.44	1.5	1	5.670		
	Marciapiede SN	2	7	0.425	2.5	1.5	1	3.188		
32	Marciapiede DX	2	-7	0.075	2.5	1.5	1	0.563		
opri ;	Ringhiera SN	-	8	0.45	1	1.5	1	0.675		
esi pr	Ringhiera DX	-	-8	0.05	1	1.5	1	0.075		
Р	Veletta SN	-	8	0.45	1	1.5	1	0.675		
	Veletta DX	-	-8	0.05	1	1.5	1	0.075		
	Guard-rail SN	-	5.5	0.3875	1	1.5	1	0.581		
	Guard-rail DX	-	-5.5	0.1125	1	1.5	1	0.169		
	0	-	5	0.375	150	1.35	1	75.938		
	Q1k Corsia 1	-	3	0.325	150	1.35	1	65.813		
	Ost consis ?	-	2	0.3	100	1.35	1	40.500		
	Q2k COTSIA 2	-	0	0.25	100	1.35	1	33.750		
ili	Ost correin 3	-	-1	0.225	50	1.35	1	15.188		
mok	Q3k C01 S12 J	-	-3	0.175	50	1.35	1	11.813		
chi	folla SN	2	7	0.425	2.5	1.35	1	2.869		
cari	$q_{1k} \operatorname{corsia} 1$	3	4	0.35	9	1.35	1	12.758		
	$q_{2k} \operatorname{corsia} 1$	3	1	0.275	2.5	1.35	1	2.784		
	$q_{3k}$ corsia 1	3	-2	0.2	2.5	1.35	1	2.025		
	area rima- nente	2	-4.5	0.1375	2.5	1.35	1	0.928		
	folla DX	2	-7	0.075	2.5	1.35	1	0.506		
va- li	vento mz	-	0	-	2.20	1.5	0.6	3.454		
ichi iabi	vento fy	-	0	0.25	26.47	1.5	0.6	5.957		
car r	neve	16	0	0.25	0.48	1.5	0	0		

Tabella 12: Carichi relativi alla trave di campata – Trave 2

Carichi agenti	Trave 1 kN/m	Trave2 kN/m
Carichi permanenti	69.92	69.92
Azioni da traffico tandem	324.34	243.00
Azioni da traffico distribuita (+)	29.58	21.87
Azioni da traffico distribuita (-)	-2.45	-
Altri carichi variabili (vento)	12.00	9.41

Tabella 13: carichi totale da applicare sula trave

I carichi agenti sulla trave 1 risultano maggiori rispetto a quelli della trave 2, pertanto le travi saranno dimensionate in funzione delle sollecitazioni agenti sulla trave 1.

## 1.3. Calcolo delle sollecitazioni

Utilizzando il metodo delle linee di influenza si determinano le posizioni longitudinali dell'intera distesa di carico variabile che causa il massimo momento flettente ed il massimo sforzo di taglio.

Le sezioni significative che verranno studiate sono:

- x=0 m (primo appoggio, spalla)
- x=17.5 m (mezzeria della prima campata)
- x=35 m (secondo appoggio, pila)
- x=65 m (mezzeria seconda campata)

In figura 31 si mostra la disposizione dei carichi variabili da traffico per massimizzare il momento flettente negativo all'appoggio (a) ed il massimo momento flettente positivo in campata (b).

1				
+ ;			+	
1				
	_	_		_

Figura 32: distribuzione dei carichi variabili da traffico

In fase di predimensionamento si immagina la trave a sezione costante. In fase di verifica si terrà conto della variabilità della sezione longitudinale e della diversa rigidezza di ogni singolo concio.

Si determinano le sollecitazioni nelle sezioni significative:



Figura 33: distribuzione dei carichi per massimizzare il momento flettente in corrispondenza della pila 1 e della mezzeria della seconda campata.



Figura 34: distribuzione dei carichi per massimizzare il taglio in corrispondenza della spalla e della pila.

Le sollecitazioni ricavate utili al dimensionamento della trave sono elencate in tabella 15:

Dimensionamento trave	Momento (kNm)	Taglio (kN)		
Sez. 1.1 (spalla 1)	0	1501.3		
Sez. 3.3 (pila 1)	-33305.8	3709.6		
Sez. 4.4 (campata 2)	28717.1	572.8		

Tabella 14: sollecitazioni nelle sezioni significative

## 2. Dimensionamento trave

In fase di predimensionamento si presuppone un'altezza della trave, dall'estradosso della soletta sino al lembo inferiore della flangia in appoggio, pari ad 1/20 della luce della campata più lunga del ponte.

$$h = 1/20L = 1/20*6000 = 300cm \tag{94}$$

#### 2.1. Dimensionamento sezione in appoggio

In corrispondenza della pila la trave è sottoposta al massimo momento flettente negativo. In questa fase si è considerato in compressione il solo contributo della flangia inferiore mentre in trazione il contributo della flangia superiore e delle barre di armatura nella soletta (il calcestruzzo è teso in appoggio quindi viene ignorato il suo contributo).



Figura 35: schema dimensionamento sezione in x=35 m (appoggio pila)

Si assume come braccio della coppia interna z la distanza tra le flangie del profilo in acciaio:

$$z = h - h_{\text{soletta}} = 300 - 30 = 270 \text{ cm}$$
(95)

$$N_{\rm c} = \frac{M_{\rm Ed}}{z} = \frac{33305.8}{2.7} = 13322.3 \,\rm kN$$
 (96)

Data la forza normale di compressione, supponendo che l'elemento sia snervato, è possibile conoscere l'area della flangia inferiore:

$$A_{\rm c} = \frac{N_{\rm c}}{f_{\rm yd}} = \frac{13322.3}{335/1.05} \cdot 1000 = 41756.5 \,\,{\rm mm}^2 \tag{97}$$

Inoltre, per evitare fenomeni di instabilità locale, lo spessore  $t_f$  è ricavato dalla relazione:

$$t_{\rm f_{min}} = \left(\frac{A_{\rm inf}}{25}\right)^{0.5} = \left(\frac{41756.5}{25}\right)^{0.5} = 40.87 \text{ mm}$$
 (98)

Pertanto per la flangia inferiore verrà assunto uno spessore di 50 mm per una larghezza di 1000 mm.

Essendo lo spessore della flangia superiore ai 40 mm nelle verifiche di resistenza a compressione la  $f_{yd}$  sarà assunta pari a 335 MPa come indicato da norma.

Per il dimensionamento della flangia superiore tesa in appoggio si dovrà tener conto delle barre di armatura della soletta che forniscono un notevole contributo essendo sottoposte a trazione.

La porzione di soletta collaborante è calcolata secondo normativa:

$$b_{e1} = b_{e2} = \min\left(\frac{L_e}{8}; b_i - \frac{b_0}{2}\right) = \min\left(\frac{23.75}{8}; 2 - \frac{0.2}{2}\right) = 1.9 \text{ m}$$
 (99)

dove:

- b<sub>e1</sub> è il valore della larghezza collaborante da ciascun lato della sezione composta;
- Le nelle travi continue è stata presa pari a  $0.25(L_1+L_2)$
- L<sub>1</sub> ed L<sub>2</sub> sono le lunghezze rispettivamente della prima e della seconda campata.
- b<sub>0</sub> è la distanza dagli assi dei connettori supposta in questa fase pari a 20 cm.

Considerando la trave di bordo, essendo un appoggio di estremità si valuta il coefficiente  $\beta_i$ : ERRORE (non estremo in dir. longitudinale)

$$\beta_1 = \beta_2 = 0.55 + 0.025 \cdot \frac{L_e}{b_{ei}} = 0.55 + 0.025 \cdot \frac{23.75}{1.9} = 0.8625$$
(100)

La larghezza efficace della sezione sarà pari ad:

$$b_{\text{eff}} = b_0 + \beta_1 b_{e1} + \beta_2 b_{e2} = 0.2 + 2 \cdot 0.8625 \cdot 1.9 = 3.478 \text{ m}$$
(101)



Figura 36: Larghezza collaborante

Al fine di ridurre la sezione di acciaio della flangia si effettua un raffittimento delle barre di armatura, si disporranno  $\phi 12/10$  su due strati in direzione longitudinale, per un totale di 32 ferri di ripartizione superiormente e di 14 ferri inferiormente per un'area complessiva di 5205.48 mm<sup>2</sup>.

L'area della flangia superiore è determinata:

$$A_{\text{sup}} = \frac{\left(N_t - A_{\text{ferri}} \cdot f_{\text{yd}_{\text{B450C}}}\right)}{f_{\text{yd}_{\text{S355}}}} = \frac{13322.3 - \frac{5202.48 \cdot 391.30}{1000}}{\frac{338.1}{1000}} = 33381 \text{ mm}^2 (102)$$

Inoltre, per evitare fenomeni di instabilità locale, la larghezza dell'ala deve essere almeno 25 volte lo spessore t<sub>f</sub>:

$$t_{\rm f_{min}} = \left(\frac{A_{\rm inf}}{25}\right)^{0.5} = \left(\frac{33381}{25}\right)^{0.5} = 36.5 \,\rm{mm}$$
 (103)

Pertanto, per la flangia inferiore verrà assunto uno spessore di 40 mm per una larghezza di 750 mm.

Infine, non resta che progettare la sezione d'anima. Nelle strutture composte l'assorbimento del taglio viene effettuato dalla sola anima del profilo in acciaio, pertanto:

$$A_{v} = \frac{V_{Ed}}{f_{yk}/\gamma_{M0}} \sqrt{3} = \frac{3709.6}{338.1} \sqrt{3} \cdot 1000 = 19004.2 \text{ mm}^{2}$$
(104)

$$s_{\min} = \frac{A_v}{h} = \frac{19004.2}{2610} = 7.28 \text{ mm}$$
 (105)

Si sceglie uno spessore della sezione d'anima pari a 20 mm per evitare problemi di instabilità a taglio della sezione.

#### 2.2. Dimensionamento sezione in campata

In campata la sezione mista acciaio-calcestruzzo è sottoposta a momento flettente positivo, di conseguenza la flangia inferiore risulta tesa mentre la compressione è assorbita per grande parte dalla soletta di calcestruzzo. Data la presenza del calcestruzzo è possibile ridurre l'altezza della sezione in campata; mantenendo costanti gli spessori delle sezioni ottenute, si fa variare la sola altezza dell'anima.

Per definire l'altezza della sezione totale si effettua la verifica della flangia inferiore tesa dove l'incognita è l'altezza utile della sezione:

$$z = \frac{M_{\rm Ed}}{A_{\rm inf} \cdot f_{\rm vd}} = \frac{28717.1}{50000 \cdot 338.1} = 1698.8 \text{ mm}$$
(106)

Si assume un'altezza totale della sezione in campata pari a 210 cm. Riassumendo la trave presenta le seguenti caratteristiche geometriche:

	h tot sezione	3	m		h tot sezione	210	cm
0	h trave acciaio	270	cm	-	h trave acciaio	180	cm
oggi	b sup,	75	cm	pate	b sup,	75	cm
appo	b inf	100	cm	cam	b inf	100	cm
all'a	h anima	261	cm	e in	h anima	171	cm
rave	t inf	5	cm	rave	$t \inf$	5	cm
¢.	$t \sup$	4	cm	+	t sup	4	cm
	t anima	2	cm		t anima	2	cm
	beff	347.75	cm		As appoggio	1322	$\mathrm{cm}^2$
в	h soletta	30	cm		As campata	1142	$\mathrm{cm}^2$
olett ate	n barre	46		ee.	Ac	10432.5	$\mathrm{cm}^2$
di sc orar	passo	20	cm	Ar			
sezione o collab	Sezione barra uti- lizzata φ12	113.10	mm <sup>2</sup>				
U1	area totale di ar- matura	52.02	$\mathrm{cm}^2$		-		

Tabella 15: Riepilogo sezione in appoggio ed in campata

Si riporta anche la tabella riassuntiva dei materiali utilizzati:

	Accia	aio t<40mm		Calo	cestruzzo	
	f <sub>yk</sub>	355	MPa	f <sub>ck</sub>	40	MPa
eiali	γмο	1.05		γc	1.5	
Mat	f <sub>yd</sub>	338.0952	MPa	$f_{cd}$	22.67	MPa
_	Es	210000	MPa	$f_{cm}$	48	MPa
	Peso specifico	78.5	kN/m³	E <sub>cm</sub>	35220.46	MPa
	Accia	Acciaio t<40mm 355 1.05 338.0952 210000 cifico 78.5 Acciaio t>40mm 335 1.05 319.0476 210000 cifico 78.5		Acciaio	da armatura	
	f <sub>yk</sub>	335	MPa	f <sub>yk</sub>	450	MPa
erial	Ϋмο	1.05		Ϋмο	1.15	
/ate	f <sub>yd</sub>	319.0476	MPa	$f_{yd}$	391.30	MPa
~	Es	210000	MPa	Es	210000	MPa
	Peso specifico	78.5	kN/m³	Peso specifico	78.5	kN/m³

Tabella 16: materiali utilizzati

## 2.3. Conci di trave

Avendo definito la geometria della sezione nel secondo appoggio ed in mezzeria della seconda campata, non resta che definire l'andamento della sezione longitudinale della travata.

Si realizzeranno 4 tipologie di conci, ognuno di 10 metri di lunghezza, e disposti come in figura 36:



Figura 37: vista longitudinale del ponte

Ogni concio è collegato al successivo mediante unione bullonate delle quali si parlerà in seguito.

I conci presentano altezze variabili tali come mostrato nelle figure 37-40. Tuttavia ai fini del calcolo, ad ogni concio è stata attribuita altezza costante pari all'altezza minima dello stesso agendo a vantaggio di sicurezza, come mostrato in figura 41, sono riportate in tabella le caratteristiche di ogni singolo concio di trave:



Figura 38: Concio 1



Figura 39: Concio 2



Figura 40: Concio 3



Figura 41: Concio 4



Figura 42: Utilizzo dell'altezza dei conci ai fini del calcolo

	h tot sezione	300	cm		h tot sezione	228	cm
	h trave acciaio	270	cm		h trave acciaio	198	cm
	b sup	75	cm		b sup	75	cm
cio 1	b inf	100	cm	cio 3	b inf	100	cm
conc	h anime	261	cm	conc	h anime	189	cm
	t inf	5	cm		t inf	5	cm
	t sup	4	cm		t sup	4	cm
	t anima	2	cm		t anima	2	cm
	h tot sezione	zione 264 cm			h tot sezione	210	cm
	h trave acciaio	234	cm		h trave acciaio	180	cm
	b sup	75	cm		b sup	75	cm
cio 2	b inf	100	cm	cio 4	b inf	100	cm
conc	h anime	225	cm	conc	h anime	171	cm
	t inf	5	cm		t inf	5	cm
	t sup	4	cm		t sup	4	cm
	t anima	2	cm		t anima	2	cm

Tabella 17: Caratteristiche geometriche conci di trave in acciaio

# 3. Verifiche

Definite le dimensioni della trave a sezione composta acciaio - calcestruzzo, si condurranno le verifiche allo SLE ed allo SLU. Inoltre, si condurranno anche verifiche di tipo locale quali l'instabilità dell'anima a taglio.

## 4. SLE

Allo SLE per le sezioni composte la norma non fornisce limitazioni alle tensioni nelle varie fibre. Tuttavia, data la presenza del calcestruzzo, la NTC08 al punto 4.1.2.2.5 definisce dei limiti di tensione per combinazione caratteristica rara:

$$\sigma_{\rm c} \le 0.6 f_{\rm ck} = 0.6 \cdot 40 = 24 \text{ MPa} \tag{107}$$

$$\sigma_{\rm s} \le 0.8 f_{\rm yk} = 0.8 \cdot 450 = 360 \text{ MPa} \tag{108}$$

Per quanto riguarda la trave in acciaio è opportuno controllare le tensioni della stessa limitandole ad un valore pari all'80% della tensione caratteristica, ovvero:

$$\sigma_{s} \le 0.8 f_{vk} = 0.8 \cdot 355 = 284 \text{ MPa}$$
(109)

I carichi applicati al ponte agiscono in tempi differenti, inoltre le sezioni reagenti cambiano a seconda delle fasi di carico. In particolare, si distingueranno le seguenti:

- Fase 1: carichi permanenti strutturali
- Fase 2: ritiro
- Fase 3: carichi permanenti non strutturali
- Fase 4: carichi variabili (traffico, vento, temperatura, neve)

## 4.1. Fase 1: carichi permanenti strutturali G1

In questa prima fase, dopo aver effettuato il getto della soletta, prima della presa, nasce uno stato tensionale sulla trave dovuto ai pesi propri dell'acciaio e del calcestruzzo; tali pesi sono portati dalla sola trave in acciaio in quanto il calcestruzzo non è ancora collaborante.

Le sezioni reagenti di acciaio, ovvero i conci, presentano le caratteristiche geometriche mostrate in figura 42.

Tipo	Descrizione	Lunghezza (m)	Xi	Ordinata ai	Valore caratteristico	Y	Carico SLE (kN/m)
-	Soletta	16	0	0.25	7.50	1	30.00
ц. С	Trave 1		6	0.70	10.38	1	7.26
prop	Trave 2	-	2	0.40	10.38	1	4.15
esi 1	Trave 3	-	-2	0.10	10.38	1	1.04
Ь	Trave 4	-	-6	-0.20	10.38	1	-2.08
					Somma		40.38

Tabella 18: Carichi permanenti strutturali G1, fase di getto della soletta

solo accia	io										
concio 1			concio 2			concio 3			concio 4		
Area s	sezione reage	nte	Area	sezione reag	ente	Area s	sezione rea	gente	Area s	ezione rea	agente
area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	area flan	500	cm2
anima	522	cm2	anima	450	cm2	anima	378	cm2	anima	342	cm2
area flar	300	cm2	area flar	300	cm2	area flan	300	cm2	area flan	300	cm2
Area trav	1322	cm2	Area trav	1250	cm2	Area trav	1178	cm2	Area trav	1142	cm2
Area tota	1322	cm2	Area tota	1250	cm2	Area tota	1178	cm2	Area tota	1142	cm2
momento statico rispetto al lembo inferiore			momen	ito statico risp embo inferior	etto al	moment	o statico ris mbo inferio	spetto al ore	momento	spetto a ore	
Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3
Anima	70731	cm3	Anima	52875	cm3	Anima	37611	cm3	Anima	30951	cm3
Flangia s	80400	cm3	Flangia s	69600	cm3	Flangia s	58800	cm3	Flangia s	53400	cm3
totalo	152201.0	cm2	totalo	122725.00	cm <sup>2</sup>	totalo	07661	cm <sup>2</sup>	totala	95601	cm2
totale	152561.0	cms	totale	125725.00	cms	totale	97001	cms	totale	00001	cmb
baricentr			baricentr	_		baricentr	~		baricentr	~	
vancenti	115.3	cm	VE	08.08	cm	VIT	82.00	cm	valicenti	7/ 96	cm
75	115.5	CIII	YS	56.56	cin	YE	02.50	CIII	76	74.50	cin
momento			momento	d'inerzia		momento	d'inerzia		momento	d'inerzia	
Flangia i	1041.67	cm4	Flangia i	1041.67	cm4	Flangia i	1041.67	cm4	Flangia i	1041.67	cm4
Anima	2963263.50	cm4	Anima	1898437.50	cm4	Anima	1125211.5	cm4	Anima	833368.5	cm4
Flangia s	400.00	cm4	Flangia s	400.00	cm4	Flangia s	400	cm4	Flangia s	400	cm4
Flangia i	6358029.76	cm4	Flangia i	4654195.20	cm4	Flangia i	3232407.6	cm4	Flangia i	2625015	cm4
Anima	213724.92	cm4	Anima	154345.68	cm4	Anima	104110.55	cm4	Anima	82621.03	cm4
Flangia s	6998347.62	cm4	Flangia s	5308296.12	cm4	Flangia s	3837206.5	cm4	Flangia s	3185352	cm4
totale	16534807 47	cm4	totale	12016716 17	cm4	totale	8300377 9	cm4	totale	6727700	cm4
totale	10004007.47	c1114	totale	0 1002	c///4	totale	0.000077.8	c///4	totale	0.0679	c.014
lotare	0.1055	1114	loidle	0.1202	1114	totale	0.0850	1114	loidle	0.06/3	1014

Figura 43: Caratteristiche geometriche conci di trave



Figura 44: Momento flettente e taglio, carichi permanenti strutturali G1

Nelle sezioni significative (spalla, pila o appoggio, campata centrale) le caratteristiche di sollecitazione valgono:

$$V_{\text{spalla}} = 361.2 \text{ kN}$$

$$V_{\text{pila}} = 1211.4 \text{ kN}$$

$$M_{\text{appoggio}} = -12091 \text{ kNm}$$

$$M_{campata} = 6079.9 \text{ kNm}$$
(110)

Per capire meglio il comportamento della trave è necessario rappresentare l'andamento delle tensioni tramite la relazione:

$$\sigma_{\rm G1} = \frac{M}{I} \, y \tag{111}$$

dove:

- I è il momento d'inerzia della sezione (in questo caso della sola trave in acciaio);
- y è la posizione relativa della singola fibra rispetto al baricentro calcolata dal lembo inferiore della trave come h-yg.

Tabella 19: tensioni in appoggio concio 1, carichi permanenti strutturali G1

Appoggio				
	h (m)	y (m)	σ (MPa)	
	3.00	1.85	0.00	
soletta	2.85	1.70	0.00	
	2.70	1.55	0.00	
flangia superio-	2.70	1.55	113.15	
re	2.65	1.50	109.49	
	2.65	1.50	109.49	
	2.35	1.20	87.56	
	2.05	0.90	65.62	
	1.75	0.60	43.68	
anima	1.45	0.30	21.74	
diliilid	1.15	0.00	-0.19	
	0.85	-0.30	-22.13	
	0.55	-0.60	-44.07	
	0.25	-0.90	-66.01	
	0.05	-1.10	-80.63	
flangia inforioro	0.05	-1.10	-80.63	
fiangla inferiore	0.00	-1.15	-84.29	

Campata				
	h (m)	y (m)	σ (MPa)	
	2.10	1.35	0.00	
soletta	1.95	1.20	0.00	
	1.80	1.05	0.00	
flangia cunorioro	1.80	1.05	-94.93	
nangia superiore	1.75	1.00	-90.41	
	1.75	1.00	-90.41	
	1.45	0.70	-63.30	
	1.15	0.40	-36.19	
anima	0.85	0.10	-9.08	
	0.55	-0.20	18.04	
	0.25	-0.50	45.15	
	0.05	-0.70	63.22	
flangia inforioro	0.05	-0.70	63.22	
	0.00	-0.75	67.74	

Tabella 20: tensioni in campata concio 4, carichi permanenti strutturali G1



Figura 45: tensioni in appoggio ed in campata, carichi permanenti strutturali $${\rm G1}$$ 

## 4.2. Fase 2: ritiro ed effetti viscosi

Nella seconda fase, avvenuta la presa del calcestruzzo, la sezione diviene mista e varia il baricentro della sezione che viene omogeneizzata rispetto ad acciaio con  $n=E_a/E_c$  (rapporto tra il modulo elastico dell'acciaio e quello del calcestruzzo).

Per essere lavorabile, il calcestruzzo deve contenere una quantità d'acqua maggiore di quella strettamente necessaria per l'idratazione del cemento; quando il calcestruzzo, durante la stagionatura, è esposto all'aria una buona parte di quest'acqua evapora e ciò comporta una riduzione del suo volume: questo fenomeno è detto ritiro (shrinkage).

In seguito al ritiro nascono delle sollecitazioni che trasmettono delle tensioni in corrispondenza dell'unione trave-soletta; un fenomeno identico si ha nel caso di variazioni differenziali di temperatura tra soletta e trave, da prevedere a causa della diversa esposizione al sole.

Per tener conto della viscosità, in caso di azioni di lunga durata, si definisce un coefficiente ni corretto in funzione del tipo di azione.

$$n_{\rm l} = n_0 \cdot \left(1 + \psi_{\rm l} \phi_{\rm t}\right) \tag{112}$$

dove:

- n<sub>0</sub> è il rapporto modulare usato per l'analisi elastica;
  - ψı è un coefficiente correttivo dipendente dal tipo di azione considerata;
- $\varphi_t = \varphi(t,t_0)$  è il valore del coefficiente di viscosità dipendente dall'istante di applicazione del carico t<sub>0</sub> e dall'istante finale di analisi t. L'istante t<sub>0</sub> di

applicazione del carico può essere assunto pari a 28 giorni, tranne proprio nel caso del ritiro che deve essere assunto pari ad 1 giorno.

Azioni	Ψ
Carichi permanenti	1.10
Effetti da ritiro	0.55
Presollecitazione con cedimenti vincolari	1.50

Tabella 21: Valori dei coefficienti  $\Psi$  suggeriti dall'EC4

Considerando un'umidità relativa pari al 60% il coefficiente nominale di viscosità  $\phi_0$  può essere calcolato tramite le espressioni dell'EC2, con riferimento a t<sub>0</sub> = 28 giorni (per t<sub>0</sub> = 1 giorno il procedimento è perfettamente analogo):

$$\alpha_1 = \left(\frac{35}{f_{\rm cm}}\right)^{0.7} = \left(\frac{35}{48}\right)^{0.7} = 0.8 \tag{113}$$

$$\alpha_2 = \left(\frac{35}{f_{\rm cm}}\right)^{0.2} = \left(\frac{35}{48}\right)^{0.2} = 0.94 \tag{114}$$

$$h_0 = \frac{2A_c}{u} = 400 \text{ mm}$$
(115)

$$\phi_{60} = 1 + \frac{1 - \text{RH}/100}{0.10 \cdot \sqrt[3]{h_0}} \alpha_1 \alpha_2 = 1 + \frac{1 - 60/100}{0.10 \cdot \sqrt[3]{400}} 0.80 \cdot 0.94 = 1.41$$
(116)

Questo coefficiente di viscosità andrà corretto tramite due coefficienti che tengono conto del tipo di calcestruzzo e del tempo  $t_0$ :

$$\beta(f_{\rm cm}) = \frac{16.8}{\sqrt{f_{\rm cm}}} = \frac{16.8}{\sqrt{48}} = 2.42 \tag{117}$$

$$\beta(t_0) = \frac{1}{0.1 + t_0^{0.2}} = \frac{1}{0.1 + 28^{0.2}} = 0.488$$
(118)

$$\phi_0 = \phi_{\rm RH} \cdot \beta(f_{\rm cm}) \cdot \beta(t_0) = 1.41 \cdot 2.42 \cdot 0.488 = 1.67$$
(119)

Per un tempo di riferimento  $t_0 = 1$  giorno il coefficiente di viscosità vale:

$$\phi_0 = \phi_{\rm RH} \cdot \beta(f_{\rm cm}) \cdot \beta(t_0) = 1.41 \cdot 2.42 \cdot 0.909 = 3.105$$
(120)

Seguendo le indicazioni dell'Eurocodice il coefficiente  $n_l$  da utilizzare nell'omogeneizzazione della sezione composta per tener conto degli effetti viscosi indotti dal ritiro:

$$n_{\rm l} = n_0 \cdot \left(1 + \psi_{\rm l} \phi_{\rm t}\right) = \frac{210000}{35220.5} \left(1 + 0.55 \cdot 3.105\right) = 16.128 \tag{121}$$

Mentre il coefficiente  $n_l$  da utilizzare nell'omogeneizzazione della sezione composta per tener conto degli effetti viscosi indotti dai carichi permanenti:

$$n_{\rm l} = n_0 \cdot \left(1 + \psi_{\rm l} \phi_{\rm t}\right) = \frac{210000}{35220.5} \left(1 + 1.1 \cdot 1.67\right) = 16.77 \tag{122}$$

La deformazione totale da ritiro si può esprimere come somma di due contributi, ritiro per essiccamento  $\epsilon_{cd}$  e ritiro autogeno  $\epsilon_{a}$ .

$$\varepsilon_{\rm cd} = \varepsilon_{\rm c0} \cdot k_{\rm h} \cdot \beta \left( t - t_0 \right) = 0.38 \cdot 0.725 \cdot 1 = 0.00028 \tag{123}$$

$$\varepsilon_{a} = 2.5 (f_{ck} - 10) \cdot 10^{-6} = 2.5 \cdot (40 - 10) \cdot 10^{-6} = 0.000075$$
(124)

Si fa notare che entrambi i valori si riferiscono ad un tempo, t= $\infty$  pertanto i coefficienti  $\beta$  sono pari ad 1.

$$\varepsilon_{\rm r} = \varepsilon_{\rm cd} + \varepsilon_{\rm a} = 0.0003505 \tag{125}$$

La deformazione da ritiro avviene sulla soletta di calcestruzzo, pertanto questa sarà soggetta ad una tensione di compressione:

$$\sigma_{\rm c} = E_{\rm cm} \cdot \varepsilon_{\rm cs} = 35220.46 \cdot 0.0003505 = 12.345 \,\,{\rm N/mm^2}$$
(126)

$$N_{\rm r} = \sigma_c \cdot A = 12.345 \cdot \frac{347.75 \cdot 30}{10} = 12878.68 \text{ kN}$$
(127)

Questo sforzo di compressione avviene nella sola soletta che è eccentrica rispetto alla sezione composta. Questa eccentricità provocherà uno sforzo di trazione nell'intera sezione composta di intensità pari a  $N_c$  ( $N_r$ ) ed un momento interno per poter riequilibrare il sistema.



Figura 46: azioni prodotte dal ritiro della soletta di calcestruzzo

Essendo applicate sull'intera sezione composta è necessario ricavare per ogni concio il baricentro della sezione reagente omogeneizzata (figura 46) tale che l'eccentricità e vale (si ricorda che tutte le quantità sono considerate dal lembo inferiore della trave di acciaio):

$$e_{\text{conciol}} = h_{\text{trave}_{\text{conciol}}} - \frac{h_{\text{soletta}}}{2} - y_{\text{g}_{\text{conciol}}} = 300 - \frac{30}{2} - 174.1 = 1.109 \text{ m}$$
 (128)

$$e_{\text{concio4}} = h_{\text{trave}_{\text{concio4}}} - \frac{h_{\text{soletta}}}{2} - y_{\text{g}_{\text{concio4}}} = 210 - \frac{30}{2} - 120.69 = 0.743 \text{ m}$$
 (129)

$$M_{r_{\text{conciol}}} = N_{\text{r}} \cdot e_{\text{conciol}} = 12878.68 \cdot 1.109 = 14281.54 \text{ kNm}$$
(130)

$$M_{r_{\text{concio}4}} = N_{\text{r}} \cdot e_{\text{concio}4} = 12878.68 \cdot 0.743 = 9570.486 \text{ kNm}$$

concio 1	Φ	3.1	concio 2			concio 3			concio 4		
n0	16.1284084		n0	16.1284084		n0	16.128408		n0	16.128408	
Area	sezione reage	nte	Area	sezione reag	ente	Area s	ezione rea	gente	Area s	ezione rea	gente
area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	area flangi	500	cm2
anima	522	cm2	anima	450	cm2	anima	378	cm2	anima	342	cm2
area flar	300	cm2	area flar	300	cm2	area flar	300	cm2	area flangi	300	cm2
Area trav	1322	cm2	Area trav	1250	cm2	Area trav	1178	cm2	Area trave	1142	cm2
Area sole	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2	Area solett	10432.5	cm2
Area arm	15.83362697	cm2	Area arm	15.83362697	cm2	Area arm	15.833627	cm2	Area armat	15.833627	cm2
Area arm	36.19114737	cm2	Area arm	36.19114737	cm2	Area arm	36.191147	cm2	Area armat	36.191147	cm2
Area tota	2020.864793	cm2	Area tota	1948.864793	cm2	Area tota	1876.8648	cm2	Area totale	1840.8648	cm2
moment	to statico rispe	etto al	momen	to statico risp	etto al	momento	o statico ris	petto al	momento	statico ris	spetto al
le	embo inferiore		le	embo inferiore	2	len	nbo inferio	re	len	nbo inferio	ore
Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	Flangia inf	1250	cm3
Anima	70731	cm3	Anima	52875	cm3	Anima	37611	cm3	Anima	30951	cm3
Flangia s	80400	cm3	Flangia s	69600	cm3	Flangia s	58800	cm3	Flangia su	53400	cm3
Soletta	2973262.5	cm3	Soletta	2597692.5	cm3	Soletta	2222122.5	cm3	Soletta	2034337.5	cm3
Ferri infe	4512.583688	cm3	Ferri infe	3942.573117	cm3	Ferri infe	3372.5625	cm3	Ferri inferi	3087.5573	cm3
Ferri sup	10604.00618	cm3	Ferri sup	9301.124874	cm3	Ferri sup	7998.2436	cm3	Ferri super	7346.8029	cm3
totale	351846.9953	cm3	totale	298031.8627	cm3	totale	246808.73	cm3	totale	222169.16	cm3
	baricentro			baricentro			baricentro			baricentro	
VB	174.1071429	cm	Vg	152.9258796	cm	vg	131.50054	cm	Vg	120.68739	cm
mo	mento d'inerzi										
	mento a merzi		mo	mento d'iner	ia	mom	nento d'ine	rzia	morr	iento d'ine	erzia
Flangia i	1041.666667	cm4	Flangia i	1041.666667	cm4	Flangia i	1041.6667	cm4	Flangia inf	1041.6667	cm4
Anima	2963263.5	cm4	Anima	1898437.5	cm4	Anima	1125211.5	cm4	Anima	833368.5	cm4
Flangia s	400	cm4	Flangia s	400	cm4	Flangia s	400	cm4	Flangia su	400	cm4
Soletta	46645.40841	cm4	Soletta	48513.00143	cm4	Soletta	48513.001	cm4	Soletta	48513.001	cm4
Ferri infe	22.80042284	cm4	Ferri infe	22.80042284	cm4	Ferri infe	22.800423	cm4	Ferri inferi	22.800423	cm4
Ferri sup	52.11525221	cm4	Ferri sup	52.11525221	cm4	Ferri sup	52.115252	cm4	Ferri super	52.115252	cm4
moment	to d'inerzia tra	sporto	moment	to d'inerzia tra	asporto	momento	d'inerzia t	rasporto	momento	d'inerzia t	trasporto
Flangia i	14724505.74	cm4	Flangia i	11313972.63	cm4	Flangia i	8320569.4	cm4	Flangia inf	6984129.4	cm4
Anima	778046.9927	cm4	Anima	564746.8252	cm4	Anima	387085.02	cm4	Anima	311657.21	cm4
Flangia s	2644760.586	cm4	Flangia s	1875814.955	cm4	Flangia s	1248054.2	cm4	Flangia su	985420.64	cm4
Soletta	7954337.747	cm4	Soletta	5970486.426	cm4	Soletta	4296416.4	cm4	Soletta	3572086.2	cm4
Ferri infe	194709.6856	cm4	Ferri infe	146148.1234	cm4	Ferri infe	105169.52	cm4	Ferri inferi	87439.056	cm4
Ferri sup	511580.379	cm4	Ferri sup	392001.6093	cm4	Ferri sup	289896.65	cm4	Ferri super	245208.27	cm4
totale	29819366.62	cm4	totale	22211637.65	cm4	totale	15822432	cm4	totale	13069339	cm4
totale	0.298193666	m4	totale	0.222116376	m4	totale	0.1582243	m4	totale	0.1306934	m4

Figura 47: caratteristiche geometriche dei conci di trave in fase di ritiro

Definito il momento  $M_r$  si calcola per ogni fibra di calcestruzzo (equazione 132) o di acciaio (equazione 133) la tensione indotta dal ritiro:

$$\Delta \sigma_{\rm r} = -\frac{N_{\rm r}}{A_{\rm omog} \cdot n} - \frac{M_{\rm r}}{I_{\rm omog} \cdot n} y + \frac{N_{\rm r}}{A_{\rm c}}$$
(132)

$$\Delta \sigma_{\rm r} = -\frac{N_{\rm r}}{A_{omog}} - \frac{M_{\rm r}}{I_{omog}} y \tag{133}$$

Le tensioni appena calcolate  $\Delta \sigma$  and ranno sommate con quelle ottenute nelle fasi precedenti:

(131)

Appoggio					
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)	
	3.00	-1.26	4.66	4.66	
soletta	2.85	-1.11	5.10	5.10	
	2.70	-0.96	5.55	5.55	
flangia su-	2.70	-0.96	-109.66	3.49	
periore	2.65	-0.91	-107.26	2.23	
	2.65	-0.91	-107.26	2.23	
	2.35	-0.61	-92.89	-5.34	
	2.05	-0.31	-78.52	-12.91	
	1.75	-0.01	-64.16	-20.48	
anima	1.45	0.29	-49.79	-28.04	
dilifid	1.15	0.59	-35.42	-35.61	
	0.85	0.89	-21.05	-43.18	
	0.55	1.19	-6.68	-50.75	
	0.25	1.49	7.68	-58.32	
	0.05	1.69	17.26	-63.37	
flangia in-	0.05	1.69	17.26	-63.37	
feriore	0.00	1.74	19.66	-64.63	

Tabella 22: tensioni in appoggio concio 1 indotte dal ritiro

Campata					
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)	
	2.10	-0.89	3.95	3.95	
soletta	1.95	-0.75	4.59	4.59	
	1.80	-0.60	5.27	5.27	
flangia su-	1.80	-0.60	-114.14	-209.07	
periore	1.75	-0.55	-110.48	-200.89	
	1.75	-0.55	-110.48	-200.89	
	1.45	-0.25	-88.51	-151.81	
	1.15	0.05	-66.54	-102.73	
anima	0.85	0.35	-44.57	-53.65	
	0.55	0.65	-22.60	-4.57	
	0.25	0.95	-0.64	44.51	
	0.05	1.15	14.01	77.23	
flangia in-	0.05	1.15	14.01	77.23	
feriore	0.00	1.20	17.67	85.41	

Tabella 23: tensioni in campata concio 4 indotte dal ritiro



Figura 48: tensioni totali in appoggio ed in campata indotte dal ritiro

#### 4.3. Carichi permanenti non strutturali G2

Nella terza fase si aggiungono i carichi permanenti non strutturali, agiscono sull'intera sezione composta acciaio-calcestruzzo.

In appoggio la sezione è caratterizzata da momento flettente negativo quindi il calcestruzzo della soletta risulta fessurato in tutti i conci di trave (o parte di essi) in cui il diagramma del momento flettente risulti negativo. Le analisi dovranno essere condotte considerando in queste sezioni rigidezza fessurata come mostrato in figura 49:



Figura 49: suddivisione in conci fessurati e no della trave

Allo scopo di determinare le sezioni fessurate e non da assumere nelle analisi allo SLE e allo SLU, si è adottato il metodo prescritto dall'Eurocodice 4 al paragrafo 5.4.2.3 "Effect of cracking of concrete": per la combinazione caratteristica gli effetti dei carichi applicati, inclusi gli effetti dovuti a quelli da temperatura, devono essere calcolati usando la rigidezza flessionale  $EI_1$  non fessurata in prima analisi. Nelle sezioni dove le fibre di estremità del calcestruzzo supera due volte la tensione f<sub>ctm</sub>, la rigidezza flessionale deve essere ridotta a  $EI_2$  ossia una rigidezza flessionale per calcestruzzo fessurato. Tale nuovo schema statico potrà essere usato per le analisi allo SLE e allo SLU.

Di seguito l'elenco dei carichi da utilizzare per la presente analisi da utilizzarsi per la combinazione caratteristica e per la trave di estremità:

- Carichi G1: 40,38 kN/m
- Carichi G2: 9,49 kN/m
- Carichi da traffico (+): 29,91 kN/m
- Carichi da traffico (-): 6,19 kN/m
- Carico da vento: 8,00 kN/m
- Temperatura e ritiro
- 2 x f<sub>ctm</sub>: 7,02 MPa

#### Carichi G1



Applicazione dei carichi G1

Concio 1 - Appoggio				
h (m)	y (m)	σ (MPa)		
3.00	1.85	0.00		
2.85	1.70	0.00		
2.70	1.55	0.00		
2.70	1.55	113.38		
2.65	1.50	109.72		
2.65	1.50	109.72		
2.35	1.20	87.77		
2.05	0.90	65.83		
1.75	0.60	43.89		
1.45	0.30	21.94		
1.15	0.00	0.00		
0.85	-0.30	-21.94		
0.55	-0.60	-43.89		
0.25	-0.90	-65.83		
0.05	-1.10	-80.46		
0.05	-1.10	-80.46		
0.00	-1.15	-84.12		

Stato tensionale dovuto ai carichi G1 - Appoggio

Сог	Concio 2 - 45.00 m					
h (m)	y (m)	σ (MPa)				
2.64	1.65	0.00				
2.50	1.51	0.00				
2.34	1.35	0.00				
2.34	1.35	22.70				
2.05	1.06	17.83				
1.75	0.76	12.79				
1.45	0.46	7.75				
1.15	0.16	2.71				
0.85	-0.14	-2.34				
0.55	-0.44	-7.38				
0.25	-0.74	-12.42				
0.05	-0.94	-15.78				
0.05	-0.94	-15.78				
0.00	-0.99	-16.62				

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G1-Estremità}$  conci<br/>o2

Concio 4 - campata				
h (m)	y (m)	σ (MPa)		
2.1	1.35	0.00		
1.95	1.2	0.00		
1.8	1.05	0.00		
1.8	1.05	-95.98		
1.75	1	-91.41		
1.75	1	-91.41		
1.45	0.7	-63.99		
1.15	0.4	-36.56		
0.85	0.1	-9.14		
0.55	-0.2	18.28		
0.25	-0.5	45.71		
0.05	-0.7	63.99		
0.05	-0.7	63.99		
0	-0.75	68.56		

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G1-Campata}$  centrale

# Carichi da ritiro

Concio 1 - Appoggio					
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)		
3	-1.26	4.65	4.65		
2.85	-1.11	5.10	5.10		
2.7	-0.96	5.55	5.55		
2.7	-0.96	-109.70	3.67		
2.65	-0.91	-107.31	2.41		
2.65	-0.91	-107.31	2.41		
2.35	-0.61	-92.94	-5.17		
2.05	-0.31	-78.57	-12.74		
1.75	-0.01	-64.21	-20.32		
1.45	0.29	-49.84	-27.89		
1.15	0.59	-35.47	-35.47		
0.85	0.89	-21.10	-43.05		
0.55	1.19	-6.74	-50.62		
0.25	1.49	7.63	-58.20		
0.05	1.69	17.21	-63.25		
0.05	1.69	17.21	-63.25		
0	1.74	19.61	-64.51		

Stato tensionale dovuto ai carichi G1 - Appoggio

Concio 2 - 45.00 m				
	( )	A === (NADa)		
n (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (IVIPa)	o (iviPa)	
2.64	-1.11	4.41	4.41	
2.50	-0.97	4.89	4.89	
2.34	-0.81	5.45	5.45	
2.34	-0.81	-111.29	-88.59	
2.05	-0.52	-95.12	-77.29	
1.75	-0.22	-78.40	-65.61	
1.45	0.08	-61.67	-53.93	
1.15	0.38	-44.95	-42.24	
0.85	0.68	-28.22	-30.56	
0.55	0.98	-11.50	-18.88	
0.25	1.28	5.23	-7.19	
0.05	1.48	16.38	0.60	
0.05	1.48	16.38	0.60	
0.00	1.53	19.16	2.54	

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G1-Estremità}$  conci<br/>o2

	Concio 4 - Campata					
h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)			
2.1	-0.89	3.97	3.97			
1.95	-0.75	4.60	4.60			
1.8	-0.6	5.28	5.28			
1.8	-0.6	-113.93	-209.91			
1.75	-0.55	-110.27	-201.68			
1.75	-0.55	-110.27	-201.68			
1.45	-0.25	-88.30	-152.29			
1.15	0.05	-66.33	-102.90			
0.85	0.35	-44.36	-53.51			
0.55	0.65	-22.40	-4.11			
0.25	0.95	-0.43	45.28			
0.05	1.15	14.22	78.20			
0.05	1.15	14.22	78.20			
0	1.2	17.88	86.44			

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G1-Campata}$  centrale

# Carichi G2



Applicazione dei carichi ${\rm G2}$							
Concio 1 - Appoggio							
h (m)	v (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MP				

		, mb no 2210	
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)
3	-1.78	1.01	5.67
2.85	-1.63	0.93	6.03
2.7	-1.48	0.84	6.39
2.7	-1.48	14.10	17.77
2.65	-1.43	13.62	16.03
2.65	-1.43	13.62	16.03
2.35	-1.13	10.77	5.60
2.05	-0.83	7.91	-4.84
1.75	-0.53	5.05	-15.27
1.45	-0.23	2.19	-25.70
1.15	0.07	-0.67	-36.14
0.85	0.37	-3.52	-46.57
0.55	0.67	-6.38	-57.01
0.25	0.97	-9.24	-67.44
0.05	1.17	-11.15	-74.40
0.05	1.17	-11.15	-74.40
0	1.22	-11.62	-76.13

Stato tensionale dovuto ai carichi $\operatorname{G2}$  - Appoggio

	Concio 2	- 45.00 m					
h (m)	y (m)	(m) Δσr (MPa) σ (MP					
2.64	-1.59	0.19	4.60				
2.50	-1.45	0.17	5.07				
2.34	-1.29	0.15	5.60				
2.34	-1.29	2.57	-86.01				
2.05	-1.00	1.99	-75.30				
1.75	-0.70	1.39	-64.22				
1.45	-0.40	0.80	-53.13				
1.15	-0.10	0.20	-42.05				
0.85	0.20	-0.40	-30.96				
0.55	0.50	-1.00	-19.88				
0.25	0.80	-1.60	-8.80				
0.05	1.00	-2.00	-1.41				
0.05	1.00	-2.00	-1.41				
0.00	1.05	-2.10	0.44				

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G2-Estremità}$  conci<br/>o2

Concio 4 - Campata						
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)			
2.10	-0.9	-0.61	3.36			
1.95	-0.75	-0.50	4.10			
1.80	-0.6	-0.40	4.88			
1.80	-0.6	-6.77	-216.68			
1.75	-0.55	-6.21	-207.88			
1.75	-0.55	-6.21	-207.88			
1.45	-0.25	-2.82	-155.11			
1.15	0.05	0.56	-102.33			
0.85	0.35	3.95	-49.56			
0.55	0.65	7.33	3.22			
0.25	0.95	10.72	56.00			
0.05	1.15	12.98	91.18			
0.05	1.15	12.98	91.18			
0.00	1.2	13.54	99.98			

Stato tensionale dovuto ai carichi ${\rm G2-Campata}$  centrale

Carichi da traffico e vento



Applicazione dei carichi da traffico – massimo momento all'appoggio



Applicazione dei carichi da traffico – massimo momento in campata



Applicazione dei caricin da venu	A	spilga	azione	dei	carichi	da	vento
----------------------------------	---	--------	--------	-----	---------	----	-------

Concio 1 - Appoggio						
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)			
3	-1.78	11.86	17.52			
2.85	-1.63	10.86	16.88			
2.7	-1.48	9.86	16.24			
2.7	-1.48	58.77	76.54			
2.65	-1.43	56.78	72.81			
2.65	-1.43	56.78	72.81			
2.35	-1.13	44.87	50.47			
2.05	-0.83	32.96	28.12			
1.75	-0.53	21.05	5.78			
1.45	-0.23	9.13	-16.57			
1.15	0.07	-2.78	-38.92			
0.85	0.37	-14.69	-61.26			
0.55	0.67	-26.60	-83.61			
0.25	0.97	-38.52	-105.96			
0.05	1.17	-46.46	-120.85			
0.05	1.17	-46.46	-120.85			
0	1.22	-48.44	-124.58			

Stato tensionale dovuto ai carichi da traffico e vento – Appoggio

Concio 2 - 45.00 m							
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)				
2.64	-0.76	1.22	5.82				
2.50	-0.62	.62 -0.99 4.					
2.34	-0.46	-0.74	4.86				
2.34	-0.46	4.40	-81.61				
2.05	-0.17	1.63	-73.67				
1.75	0.13	-1.24	-65.46				
1.45	0.43	-4.11	-57.25				
1.15	0.73	-6.98	-49.03				
0.85	1.03	-9.85 -40.8					
0.55	1.33	-12.72	-32.60				
0.25	1.63	-15.59	-24.39				
0.05	1.83	-17.51	-18.91				
0.05	1.83	-17.51	-18.91				
0.00	1.88	-17.98	-17.54				

Stato tensionale dovuto ai carichi da traffico e vento – Estremità conci<br/>o $\mathbf{2}$ 

Concio 4 - Campata						
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)			
2.10	-0.61	-6.30	-2.93			
1.95	-0.46	-4.75	-0.65			
1.80	-0.31	-3.20	1.68			
1.80	-0.31	-19.08	-235.76			
1.75	-0.26	-16.00	-223.88			
1.75	-0.26	-16.00	-223.88			
1.45	0.04	2.46	-152.65			
1.15	0.34	20.92	-81.41			
0.85	0.64	39.38	-10.17			
0.55	0.94	57.84	61.06			
0.25	1.24	76.30	132.30			
0.05	1.44	88.61	179.79			
0.05	1.44	88.61	179.79			
0.00	1.49	91.68	191.66			

Stato tensionale dovuto ai carichi da traffico e vento – Campata centrale

# Carichi da temperatura



Applicazione carichi da temperatura

Concio 1 - Appoggio						
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma$ r (MPa)	σ (MPa)			
3	-1.78	1.50	19.02			
2.85	-1.63	1.37	18.25			
2.7	-1.48	1.24	17.49			
2.7	-1.48	7.42	83.96			
2.65	-1.43	7.17	79.98			
2.65	-1.43	7.17	79.98			
2.35	-1.13	5.66	56.13			
2.05	-0.83	4.16	32.28			
1.75	-0.53	2.66	8.43			
1.45	-0.23	1.15	-15.42			
1.15	0.07	-0.35	-39.27			
0.85	0.37	-1.85	-63.12			
0.55	0.67	-3.36	-86.97			
0.25	0.97	-4.86	-110.82			
0.05	1.17	-5.86	-126.72			
0.05	1.17	-5.86	-126.72			
0	1.22	-6.11	-130.69			

Stato tensionale dovuto ai carichi da temperatura – Appoggio

Concio 2 - 45.00 m						
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)			
2.64	-0.76	1.03	6.85			
2.50	-0.62	0.84	4.91			
2.34	-0.46	0.62	5.49			
2.34	-0.46	3.71	-77.90			
2.05	-0.17	1.37	-72.30			
1.75	0.13	-1.05	-66.51			
1.45	0.43	-3.47	-60.72			
1.15	0.73	-5.89	-54.93			
0.85	1.03	-8.32	-49.13			
0.55	1.33	-10.74	-43.34			
0.25	1.63	-13.16	-37.55			
0.05	1.83	-14.78	-33.69			
0.05	1.83	-14.78	-33.69			
0.00	1.88	-15.18	-32.72			

Stato tensionale dovuto ai carichi da temperatura – Estremità conci<br/>o $\mathbf{2}$ 

Concio 4 - Campata							
h (m)	y (m)	$\Delta \sigma r$ (MPa)	σ (MPa)				
2.10	-0.61	1.42	-4.87				
1.95	-0.46	1.07	-3.67				
1.80	-0.31	0.72	-2.48				
1.80	-0.31	4.32	-14.76				
1.75	-0.26	-0.26 3.62					
1.75	-0.26	3.62	-12.38				
1.45	0.04	-0.56	1.90				
1.15	0.34	-4.73	16.19				
0.85	0.64	-8.91	30.47				
0.55	0.94	-13.09	44.75				
0.25	1.24	-17.27	59.03				
0.05	1.44	-20.05	68.55				
0.05	1.44	-20.05	68.55				
0.00	1.49	-20.75	70.93				

Stato tensionale dovuto ai carichi da temperatura – Campata centrale

Pertanto, dai risultati delle analisi si evince che le zone fessurate competono al concio 1 e 2 a cavallo degli appoggi come mostrato nella figura di inizio paragrafo. Le restanti zone sono da considerarsi come sezioni non fessurate.

I carichi permanenti producono inoltre effetti viscosi come visto nel paragrafo 4.2 dei quali si dovrà tener conto nell'omogeneizzazione della sezione, di seguito si riportano nelle figure 50 e 51 le caratteristiche geometriche dei conci di trave fessurati e non omogeneizzati rispetto all'acciaio:

1			-			-			-		
concio 1	φ	1.64846	concio 2			concio 3			concio 4		
n0	16.77416		n0	16.77416		n0	16.774159		n0	16.774159	
Area s	sezione re	agente	Area s	ezione rea	agente	Area sezione reagente		Area sezione reagente			
area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	area flan	500	cm2	area flan	500	cm2
anima	522	cm2	anima	450	cm2	anima	378	cm2	anima	342	cm2
area flar	300	cm2	area flar	300	cm2	area flan	300	cm2	area flar	300	cm2
Area trav	1322	cm2	Area trav	1250	cm2	Area trave	1178	cm2	Area trav	1142	cm2
Area sol	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2
Area arm	15.83363	cm2	Area arm	15.83363	cm2	Area arma	15.833627	cm2	Area arm	15.833627	cm2
Area arm	36.19115	cm2	Area arm	36.19115	cm2	Area arma	36.191147	cm2	Area arm	36.191147	cm2
Area tota	1995.964	cm2	Area tota	1923.964	cm2	Area tota	1851.9636	cm2	Area tota	1815.9636	cm2
momen	to statico	rispetto	momento	o statico ri	spetto al	momente	o statico ris	petto al	moment	o statico ris	spetto al
al le	embo infe	riore	len	nbo inferi	ore	ler	nbo inferio	re	lei	nbo inferio	re
Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	Flangia ir	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3
Anima	70731	cm3	Anima	52875	cm3	Anima	37611	cm3	Anima	30951	cm3
Flangia :	80400	cm3	Flangia s	69600	cm3	Flangia s	58800	cm3	Flangia s	53400	cm3
Soletta	2973263	cm3	Soletta	2597693	cm3	Soletta	2222122.5	cm3	Soletta	2034337.5	cm3
Ferri infe	4512.584	cm3	Ferri infe	3942.573	cm3	Ferri infe	3372.5625	cm3	Ferri infe	3087.5573	cm3
Ferri sup	10604.01	cm3	Ferri sup	9301.125	cm3	Ferri supe	7998.2436	cm3	Ferri sup	7346.8029	cm3
totale	344750.1	cm3	totale	291831.5	cm3	totale	241504.77	cm3	totale	217313.42	cm3
	baricentro	þ		baricentro		bario		paricentro		baricentro	
vg	172.7237	cm	Vg	151.6824	cm	Vg	130.40471	cm	Vg	119.66838	cm
mon	nento d'in	erzia	morr	iento d'in	erzia	mon	nento d'ine	rzia	mor	nento d'ine	rzia
Flangia i	1041.667	cm4	Flangia i	1041.667	cm4	Flangia ir	1041.6667	cm4	Flangia i	1041.6667	cm4
Anima	2963264	cm4	Anima	1898438	cm4	Anima	1125211.5	cm4	Anima	833368.5	cm4
Flangia :	400	cm4	Flangia s	400	cm4	Flangia s	400	cm4	Flangia s	400	cm4
Soletta	46645.41	cm4	Soletta	46645.41	cm4	Soletta	46645.408	cm4	Soletta	46645.408	cm4
Ferri infe	22.80042	cm4	Ferri infe	22.80042	cm4	Ferri infe	22.800423	cm4	Ferri infe	22.800423	cm4
Ferri sup	52.11525	cm4	Ferri sup	52.11525	cm4	Ferri supe	52.115252	cm4	Ferri sup	52.115252	cm4
mon	nento d'in	erzia	mom	ento d'ine	erzia	momento	o d'inerzia t	rasporto	momente	o d'inerzia t	rasporto
Flangia i	14488048	cm4	Flangia i	11127698	cm4	Flangia ir	8179807.1	cm4	Flangia i	6864215	cm4
Anima	723283.9	cm4	Anima	525797.1	cm4	Anima	361028.16	cm4	Anima	290971.74	cm4
Flangia :	2723274	cm4	Flangia s	1935274	cm4	Flangia s	1290822.7	cm4	Flangia s	1020773.3	cm4
Soletta	7840145	cm4	Soletta	5890202	cm4	Soletta	4242855.3	cm4	Soletta	3529410.8	cm4
Ferri infe	199598.3	cm4	Ferri infe	149955.7	cm4	Ferri infe	108016.72	cm4	Ferri infe	89853.498	cm4
Ferri sup	523555.5	cm4	Ferri sup	401424.7	cm4	Ferri supe	297039.09	cm4	Ferri sup	251317.06	cm4
totale	29509330	cm4	totale	21976951	cm4	totale	15652943	cm4	totale	12928072	cm4
totale	0.295093	m4	totale	0.21977	m4	totale	0.1565294	m4	totale	0.1292807	m4

Figura 50: caratteristiche geometriche dei conci di trave non fessurati, applicazione dei carichi G2

concio 1			concio 2			
n0	1		n0	1		
Area s	ezione rea	agente	Area sezione reagente			
area flar	500	cm2	area flar	500	cm2	
anima	522	cm2	anima	450	cm2	
area flar	300	cm2	area flar	300	cm2	
Area trav	1322	cm2	Area trav	1250	cm2	
Area sol	0	cm2	Area sole	0	cm2	
Area arm	15.83363	cm2	Area arm	15.83363	cm2	
Area arm	36.19115	cm2	Area arm	36.19115	cm2	
Area tota	1374.025	cm2	Area tota	1302.025	cm2	
momen	to statico	rispetto	momento	statico ri	spetto al	
alle	embo infer	riore	len	nbo inferi	ore	
Flangia i	1250	cm3	Flangia i	1250	cm3	
Anima	70731	cm3	Anima	52875	cm3	
Flangia :	80400	cm3	Flangia s	69600	cm3	
Soletta	0	cm3	Soletta	0	cm3	
Ferri infe	4512.584	cm3	Ferri infe	3942.573	cm3	
Ferri sup	10604.01	cm3	Ferri sup	9301.125	cm3	
totale	167497.6	cm3	totale	136968.7	cm3	
	baricentro	)	baricentro			
VE	121.9029	cm	VE	105.1967	cm	
mor	nento d'ine	erzia	momento d'inerzia			
Flangia i	1041.667	cm4	Flangia i	1041.667	cm4	
Anima	2963264	cm4	Anima	1898438	cm4	
Flangia :	400	cm4	Flangia s	400	cm4	
Soletta	0	cm4	Soletta	0	cm4	
Ferri infe	22.80042	cm4	Ferri infe	22.80042	cm4	
Ferri sup	52.11525	cm4	Ferri sup	52.11525	cm4	
morr	nento d'ine	erzia	mom	iento d'ine	erzia	
Flangia i	7128525	cm4	Flangia i	5273305	cm4	
Anima	96508.1	cm4	Anima	68117.13	cm4	
Flangia :	6403310	cm4	Flangia s	4823724	cm4	
Soletta	0	cm4	Soletta	0	cm4	
Ferri infe	421185	cm4	Ferri infe	327429.8	cm4	
Ferri sup	1059468	cm4	Ferri sup	833997.7	cm4	
totale	18073776	cm4	totale	13226528	cm4	
	0 100720	m/1	totalo	0.132265	m/1	

Figura 51: caratteristiche geometriche dei conci<br/> di trave fessurati, applicazione dei carichi ${\rm G2}$ 

I carichi agenti G2 agiscono sull'intera trave e sono rappresentati come un carico distribuito di intensità pari a  $9.49~\rm kN/m$ 



Figura 52: momento flettente carichi permanenti non strutturali G2



Figura 53-1: taglio per carichi permanenti non strutturali G2

Тіро	Descrizione	Lunghezza (m)	Xi	Ordinata a <sub>i</sub>	Valore carat- teristico (kN/m <sup>2</sup> )	Carico SLE (kN/m)
	Asfalto	10.5	0	0.250	0.65	1.706
	Binder	10.5	0	0.250	1.44	3.780
	Marciapiede SN	2	7	0.775	2.5	3.875
	Marciapiede DX	2	-7	-0.275	2.5	-1.375
opri g2	Ringhiera SN	-	8	0.850	1.0	0.850
esi pr	Ringhiera DX	-	-8	-0.350	1.0	-0.350
<u>.</u>	Veletta SN	-	8	0.850	1.0	0.850
	Veletta DX	-	-8	-0.350	1.0	-0.350
	Guard-rail SN	-	5.5	0.663	1.0	0.663
	Guard-rail DX	-	-5.5	-0.163	1.0	-0.163
					totale	9.486

Tabella 24: Carichi permanenti non strutturali G2

Nelle sezioni significative (pila o appoggio, campata centrale) le caratteristiche di sollecitazione valgono:

$$V_{\text{pila}} = 284.7 \text{ kN}$$

$$M_{\text{appoggio}} = -2387.2 \text{ kNm}$$
  
 $M_{campata} = 1883.3 \text{ kNm}$ 

(134)

Appoggio						
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)		
	3.00	-1.78	25.49	30.14		
soletta	2.85	-1.63	23.34	28.44		
	2.70	-1.48	21.19	26.74		
flangia su-	2.70	-1.48	21.19	24.69		
periore	2.65	-1.43	20.48	22.71		
	2.65	-1.43	20.48	22.71		
	2.35	-1.13	16.19	10.85		
	2.05	-0.83	11.89	-1.01		
	1.75	-0.53	7.60	-12.88		
anima	1.45	-0.23	3.31	-24.74		
diiiiid	1.15	0.07	-0.99	-36.60		
	0.85	0.37	-5.28	-48.47		
	0.55	0.67	-9.57	-60.33		
	0.25	0.97	-13.87	-72.19		
	0.05	1.17	-16.73	-80.10		
flangia in-	0.05	1.17	-16.73	-80.10		
feriore	0.00	1.22	-17.45	-82.08		

Tabella 25: tensioni in appoggio conci<br/>o1indotte dai carichi permanenti non $$\rm strutturali\ G2$$ 

Tabella 26: tensioni in campata conci<br/>o4indotte dai carichi permanenti non $$\rm strutturali\ G2$$ 

	Campata						
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma r$ (MPa)	σ (MPa)			
	2.10	-0.90	-0.70	3.25			
soletta	1.95	-0.75	-0.58	4.00			
	1.80	-0.60	-0.47	4.80			
flangia su-	1.80	-0.60	-7.86	-216.93			
periore	1.75	-0.55	-7.21	-208.09			
	1.75	-0.55	-7.21	-208.09			
	1.45	-0.25	-3.30	-155.11			
	1.15	0.05	0.61	-102.12			
anima	0.85	0.35	4.52	-49.13			
	0.55	0.65	8.42	3.85			
	0.25	0.95	12.33	56.84			
	0.05	1.15	14.94	92.17			
flangia infe-	0.05	1.15	14.94	92.17			
riore	0.00	1.20	15.59	101.00			



Figura 54: tensioni in appoggio ed in campata, carichi permanenti non strutturali G2

#### 4.4. Carichi variabili (traffico, vento, temperatura, neve)

I carichi variabili agiscono sulla sezione mista acciaio-calcestruzzo.

Questi, per stessa definizione di carichi variabili, non producono effetti viscosi pertanto nel calcolo le sezioni saranno caratterizzate da un coefficiente di omogeneizzazione pari al rapporto tra i moduli elastici.

I carichi variabili andranno combinati tale che si ottenga la situazione più gravosa.

Come effettuato in fase di predimensionamento il carico variabile considerato come carico principale rappresenta la situazione più gravosa a cui è soggetta la trave (come carichi verticali). Pertanto, i carichi variabili da vento e da temperatura saranno ridotti del corrispettivo coefficiente di combinazione  $\Psi_i$ .

Dovendo condurre un'analisi accurata con rigidezze ridotte si riportano le caratteristiche dei conci fessurati, già riportate in precedenza in figura 50, e non fessurati omogeneizzati rispetto all'acciaio.

concio 1			concio 2			concio 3			concio 4		
n0	5.962443		n0	5.962443		n0	5.962443		n0	5.962443	
Area	sezione rea	gente	Area:	sezione rea	gente	Area	sezione reag	ente	Area	sezione reag	ente
area flan	500	cm2	area flang	500	cm2	area flang	500	cm2	area flang	500	cm2
anima	522	cm2	anima	450	cm2	anima	378	cm2	anima	342	cm2
area flan	300	cm2	area flang	300	cm2	area flang	300	cm2	area flang	300	cm2
Area trav	1322	cm2	Area trave	1250	cm2	Area trave	1178	cm2	Area trave	1142	cm2
Area sole	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2	Area solet	10432.5	cm2	Area sole	10432.5	cm2
Area arm	15.83363	cm2	Area arma	15.83363	cm2	Area arma	15.833627	cm2	Area arma	15.833627	cm2
Area arm	36.19115	cm2	Area arma	36.19115	cm2	Area arma	36.191147	cm2	Area arma	36.191147	cm2
Area tota	3123.727	cm2	Area tota	3051.727	cm2	Area total	2979.727	cm2	Area tota	2943.727	cm2
momento statico rispetto al lembo inferiore		momento statico rispetto al lembo inferiore			moment le	momento statico rispetto al lembo inferiore			momento statico rispetto al Iembo inferiore		
Flangia in	1250	cm3	Flangia in	1250	cm3	Flangia inf	1250	cm3	Flangia in	1250	cm3
Anima	70731	cm3	Anima	52875	cm3	Anima	37611	cm3	Anima	30951	cm3
Flangia si	80400	cm3	Flangia su	69600	cm3	Flangia su	58800	cm3	Flangia su	53400	cm3
Soletta	2973263	cm3	Soletta	2597693	cm3	Soletta	2222122.5	cm3	Soletta	2034337.5	cm3
Ferri infe	4512.584	cm3	Ferri infer	3942.573	cm3	Ferri infer	3372.5625	cm3	Ferri infer	3087.5573	cm3
Ferri supe	10604.01	cm3	Ferri supe	9301.125	cm3	Ferri supe	7998.2436	cm3	Ferri supe	7346.8029	cm3
totale	666162.7	cm3	totale	572644.6	cm3	totale	481718.39	cm3	totale	437227.3	cm3
	baricentro			baricentro		baricentro		baricentro			
УS	213.2589	cm	уg	187.6461	cm	уg	161.66527	cm	уg	148.52848	cm
mo	mento d'ine	erzia	momento d'inerzia		momento d'inerzia		momento d'inerzia				
Flangia in	1041.667	cm4	Flangia in	1041.667	cm4	Flangia inf	1041.6667	cm4	Flangia in	1041.6667	cm4
Anima	2963264	cm4	Anima	1898438	cm4	Anima	1125211.5	cm4	Anima	833368.5	cm4
Flangia si	400	cm4	Flangia su	400	cm4	Flangia su	400	cm4	Flangia su	400	cm4
Soletta	131227.7	cm4	Soletta	131227.7	cm4	Soletta	131227.67	cm4	Soletta	131227.67	cm4
Ferri infe	22.80042	cm4	Ferri infer	22.80042	cm4	Ferri infer	22.800423	cm4	Ferri infer	22.800423	cm4
Ferri supe	52.11525	cm4	Ferri supe	52.11525	cm4	Ferri supe	52.115252	cm4	Ferri supe	52.115252	cm4
moment	o d'inerzia t	rasporto	moment	o d'inerzia t	rasporto	moment	o d'inerzia tr	asporto	moment	o d'inerzia tr	asporto
Flangia in	22209667	cm4	Flangia in	17139532	cm4	Flangia inf	12666792	cm4	Flangia in	10662158	cm4
Anima	3156249	cm4	Anima	2214212	cm4	Anima	1460789	cm4	Anima	1151618.1	cm4
Flangia si	898974.9	cm4	Flangia su	590181.5	cm4	Flangia su	353662.03	cm4	Flangia su	260571.16	cm4
Soletta	9005331	cm4	Soletta	6586414	cm4	Soletta	4610910	cm4	Soletta	3778660.9	cm4
Ferri infe	81492.18	cm4	Ferri infer	59602.61	cm4	Ferri infer	41725.631	cm4	Ferri infer	34194.336	cm4
Ferri supe	230126.3	cm4	Ferri supe	174078.3	cm4	Ferri supe	127414.91	cm4	Ferri supe	107384.44	cm4
totale	38677847	cm4	totale	28795202	cm4	totale	20519250	cm4	totale	16960700	cm4
totale	0.386778	m4	totale	0.287952	m4	totale	0.2051925	m4	totale	0.169607	m4

Figura 55: caratteristiche geometriche dei conci di trave non fessurati, applicazione dei carichi variabili

Тіро	Descrizione	lunghez- za	x <sub>i</sub>	Ordinata a <sub>i</sub>	Valore caratte- ristico	γ	ψ	Carico SLE
	O corsia 1	-	5	0.625	150	1	1	93.75
		-	3	0.475	150	1	1	71.25
		-	2	0.400	100	1	1	40.00
		-	0	0.250	100	1	1	25.00
lido		-	-1	0.175	50	1	1	8.75
ŭ		-	-3	0.025	60	1	1	1.50
chi	folla SN	2	7	0.775	2.5	1	1	3.88
ari	q <sub>1k</sub> corsia 1	3	4	0.550	9.0	1	1	14.85
J	q <sub>2k</sub> corsia 1	3	1	0.325	2.5	1	1	2.44
	q <sub>3k</sub> corsia 1	3	-2	0.100	2.5	1	1	0.75
	area rimanente	2	-4.5	-0.088	2.5	1	1	-0.44
	folla DX	2	-7	-0.275	2.5	1	1	-1.38
.a- /a- li	vento m <sub>z</sub>	-	0	0.250	89.53	1	0.6	4.03
hi v abi	vento f <sub>y</sub>	-	0	0.250	26.47	1	0.6	3.97
alt ric ri	neve	16	0	0.250	0.48	1	0	0.00

Tabella 27: Carichi variabili da traffico, vento e temperatura

Utilizzando le linee di influenza si posizionano i carichi variabili da traffico in modo tale da massimizzare l'appoggio (pila) o la campata cosi come indicato nella figura 31, pertanto:



Figura 56: Momento massimo causato dai carichi variabili da traffico in appoggio ed in campata

Il vento rappresenta un carico uniformemente ripartito su tutta la lunghezza del ponte:



Figura 57: Momento causato dai carichi variabili da vento

Nelle sezioni significative si ricavano le seguenti caratteristiche della sollecitazione:

$$V_{\text{appoggio}} = 1300 \text{ kN}$$

$$V_{\text{campata}} = 428.3 \text{ kN}$$

$$M_{\text{appoggio}} = -10440.2 \text{ kNm}$$

$$M_{\text{campata}} = 11708.9 \text{ kNm}$$
(135)

Tabella 28: t<u>ensioni concio 1 indotte dai carichi variabili da traffi</u>co e da vento

Appoggio							
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)			
	3.00	-1.78	102.88	131.05			
soletta	2.85	-1.63	94.21	120.85			
	2.70	-1.48	85.55	110.65			
flangia su-	2.70	-1.48	85.55	108.60			
periore	2.65	-1.43	82.66	103.79			
	2.65	-1.43	82.66	103.79			
	2.35	-1.13	65.33	74.93			
	2.05	-0.83	48.00	46.07			
	1.75	-0.53	30.67	17.21			
anima	1.45	-0.23	13.34	-11.65			
amma	1.15	0.07	-3.99	-40.51			
	0.85	0.37	-21.32	-69.37			
	0.55	0.67	-38.65	-98.24			
	0.25	0.97	-55.98	-127.10			
	0.05	1.17	-67.53	-146.34			
flangia in-	0.05	1.17	-67.53	-146.34			
feriore	0.00	1.22	-70.42	-151.15			

Tabella 29: tensioni concio 2 indotte dai carichi variabili da traffico e da vento
Campata

	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)
	2.10	-0.61	-7.12	-4.31
soletta	1.95	-0.46	-5.38	-1.66
	1.80	-0.31	-3.64	1.04
flangia supe-	1.80	-0.31	-21.73	-234.29
riore	1.75	-0.26	-18.27	-222.10
	1.75	-0.26	-18.27	-222.10
	1.45	0.04	2.44	-148.98
	1.15	0.34	23.15	-75.86
anima	0.85	0.64	43.86	-2.74
	0.55	0.94	64.57	70.38
	0.25	1.24	85.28	143.51
	0.05	1.44	99.09	192.25
flangia infe-	0.05	1.44	99.09	192.25
riore	0.00	1.49	102.54	204.44

In una struttura iperstatica, quale è la travata, la temperatura, ed in particolare le differenze di temperatura  $\Delta T$ , provocano momento e taglio.

Alla fine della valutazione degli effetti termici si valuta inizialmente il tipo di impalcato, che nel caso in esame è a struttura mista acciaiocalcestruzzo, e si determinano le componenti di temperatura massima e minima:

$$T_{e,\min} = -10^{\circ}C$$

$$T_{e,\max} = 50^{\circ}C$$
(136)

L'effetto di una variazione di temperatura in verticale è valutato attraverso l'utilizzo di una differenza di temperatura lineare equivalente che per un ponte a struttura mista vale:

$$\Delta T_{\rm M,heat} = 15^{\circ} \rm C \tag{137}$$

$$\Delta T_{\rm M,cool} = 18^{\circ} \rm C$$

Queste causano sollecitazioni nella struttura isostatica equivalente come mostrato in figura 56:



Figura 58: momento flettente data dalla differenza di temperatura

Nelle sezioni significative si ricavano le seguenti caratteristiche della sollecitazione:

$$V_{\rm appoggio} = 87.7 \ \rm kN$$

$$M_{appoggio} = -3069.5 \text{ kNm} \rightarrow M \cdot \psi = -3069.5 \cdot 0.6 = -1841.7 \text{ kNm}$$
(138)  
$$M_{campata} = 2557.9 \text{ kNm} \rightarrow M \cdot \psi = 2557.9 \cdot 0.6 = 1534.74 \text{ kNm}$$

Appoggio							
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)			
	3.00	-1.78	18.15	149.20			
soletta	2.85	-1.63	16.62	137.47			
	2.70	-1.48	15.09	125.74			
flangia su-	2.70	-1.48	15.09	123.69			
periore	2.65	-1.43	14.58	118.37			
	2.65	-1.43	14.58	118.37			
	2.35	-1.13	11.52	86.46			
	2.05	-0.83	8.47	54.54			
	1.75	-0.53	5.41	22.62			
anima	1.45	-0.23	2.35	-9.30			
amma	1.15	0.07	-0.70	-41.22			
	0.85	0.37	-3.76	-73.13			
	0.55	0.67	-6.82	-105.05			
	0.25	0.97	-9.87	-136.97			
	0.05	1.17	-11.91	-158.25			
flangia in-	0.05	1.17	-11.91	-158.25			
feriore	0.00	1.22	-12.42	-163.57			

Tabella 30: tensioni concio 1 indotte dai carichi variabili da temperatura

Tabella 3<u>1: tensioni concio 4 indotte dai carichi variabili da tem</u>peratura

Campata							
	h (m)	y (m)	$\Delta\sigma$ r (MPa)	σ (MPa)			
	2.10	-0.61	-0.93	-5.24			
soletta	1.95	-0.46	-0.71	-2.36			
	1.80	-0.31	-0.48	0.56			
flangia	1.80	-0.31	-2.85	-237.14			
superiore	1.75	-0.26	-2.40	-224.50			
	1.75	-0.26	-2.40	-224.50			
	1.45	0.04	0.32	-148.66			
	1.15	0.34	3.03	-72.82			
anima	0.85	0.64	5.75	3.01			
	0.55	0.94	8.46	78.85			
	0.25	1.24	11.18	154.68			
	0.05	1.44	12.99	205.24			
flangia	0.05	1.44	12.99	205.24			
inferiore	0.00	1.49	13.44	217.88			



Figura 59: tensioni in appoggio ed in campata indotti da carichi variabili

Attenzione: aggiungere calcolo degli effetti del ritiro secondario

#### 4.5. Verifica tensionale

## Verifica SLE

Affinché la verifica sia soddisfatta devono essere rispettate le limitazioni tensionali nel calcestruzzo e nell'acciaio (presi in valore assoluto). In appoggio (cls totalmente fessurato) la verifica risulta:

$$\sigma_{\text{armatura}} < \sigma_{\text{s}} = 149.2 \text{ MPa} < 360 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{\text{flangia inferiore}} < \sigma_{\text{s}} = 163.57 < 284 \text{ MPa}$$
(139)

In campata si effettua la verifica limitando la tensione di compressione del calcestruzzo, la verifica risulta soddisfatta:

$$\sigma_{\text{soletta}} < \sigma_{\text{c}} = 5.24 \text{ MPa} < 24 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{\text{flangia inferiore}} < \sigma_{\text{s}} = 217 < 284 \text{ MPa}$$
(140)

## 5. SLU

Al fine di verificare la sezione dimensionata si effettua la verifica allo SLU nelle sezioni significative (campata ed appoggio). Per la valutazio-