

Lezione

Tecnica delle Costruzioni

Lo sforzo normale
centrato

Sforzo normale

1° stadio (Formule di Scienza delle Costruzioni)

Con riferimento alla sezione omogeneizzata vale la formula di Scienza delle Costruzioni

$$\sigma = E(\varepsilon_G + \chi_x x + \chi_y y)$$

Pertanto:

$$N = E \varepsilon_G \int dA + E \chi_x \int x dA + E \chi_y \int y dA = E \varepsilon_G A$$

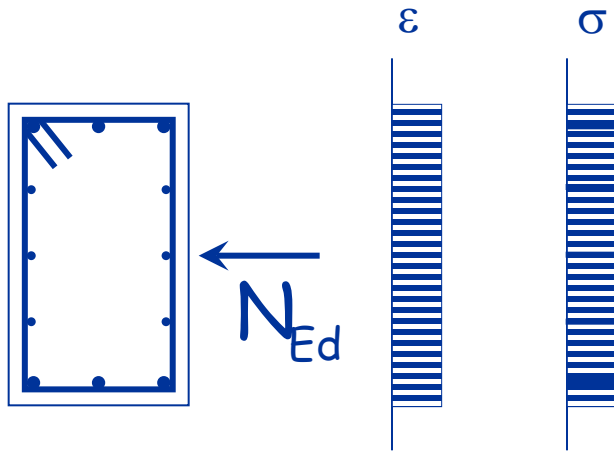
$$M_x = E \varepsilon_G \int y dA + E \chi_x \int x y dA + E \chi_y \int y^2 dA = E \chi_y I_x = 0$$

$$M_y = E \varepsilon_G \int x dA + E \chi_x \int x^2 dA + E \chi_y \int x y dA = - E \chi_x I_y = 0$$

essendo $\int x dA = \int y dA = 0$ e $\int x y dA = 0$

Sforzo normale

1° stadio



$$\varepsilon_G = \frac{N}{E_c A_{ci}}$$

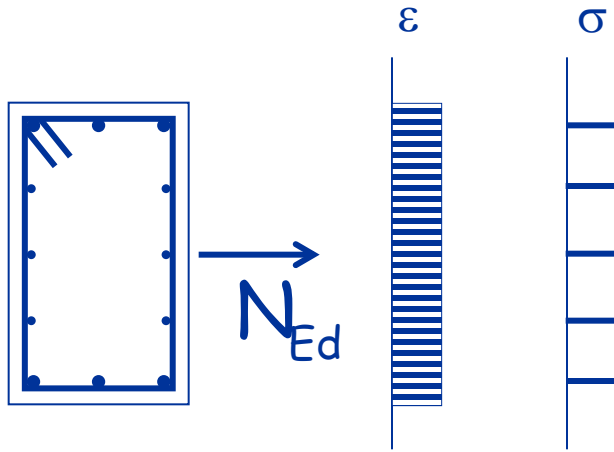
$$\sigma_c = \frac{N}{A_{ci}} \quad \sigma_s = n \frac{N}{A_{ci}}$$

dove:

$$A_i = A_c + n A_{s,tot}$$

Sforzo normale di trazione

2° stadio



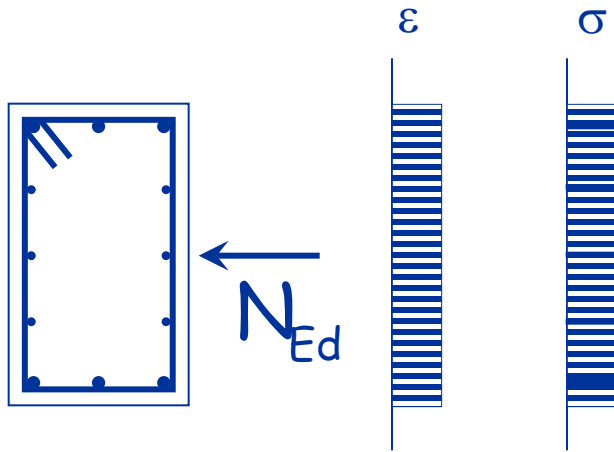
$$\varepsilon_G = \frac{N}{E_s A_{s,tot}}$$

$$\sigma_c = 0 \quad \sigma_s = \frac{N}{A_{s,tot}}$$

In questo caso non è necessario omogeneizzare perché la sezione reagente è costituita da solo acciaio e quindi già omogenea.

Sforzo normale di compressione

2° stadio



$$\varepsilon_G = \frac{N}{E_c A_{ci}}$$

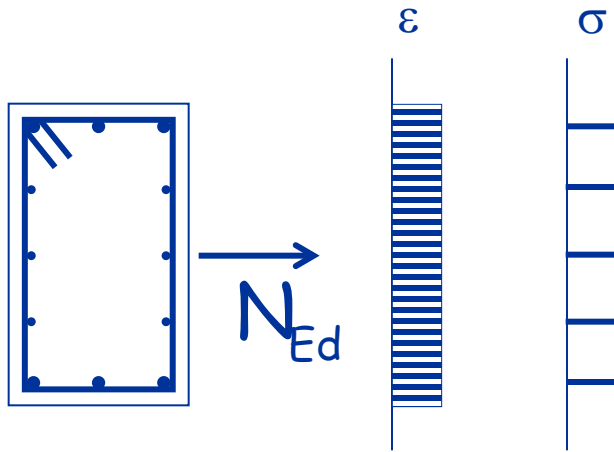
$$\sigma_c = \frac{N}{A_{ci}} \quad \sigma_s = n \frac{N}{A_{ci}}$$

dove:

$$A_i = A_c + n A_{s,tot}$$

Sforzo normale di trazione

3° stadio



$$\varepsilon_G = \frac{N}{E_s A_{s,tot}}$$

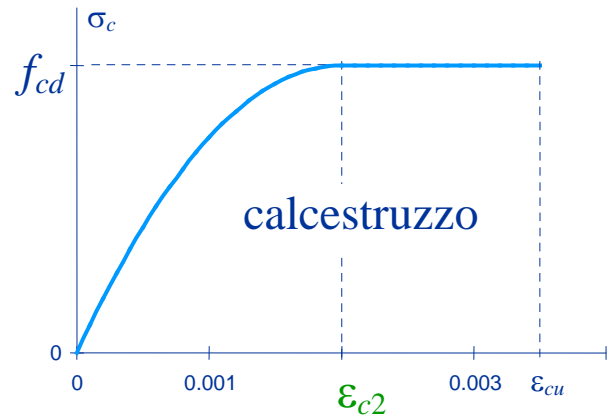
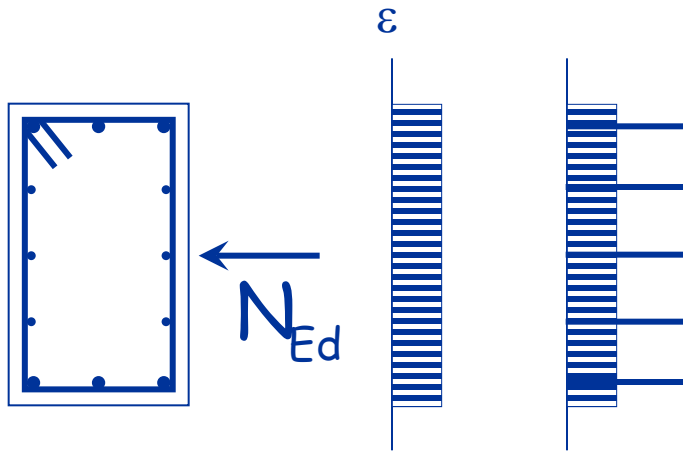
$$\sigma_c = 0 \quad \sigma_s = \frac{N}{A_{s,tot}}$$

Anche in questo caso non è necessario omogeneizzare.

$$N_{Rd} = f_{yd} A_{s,tot}$$

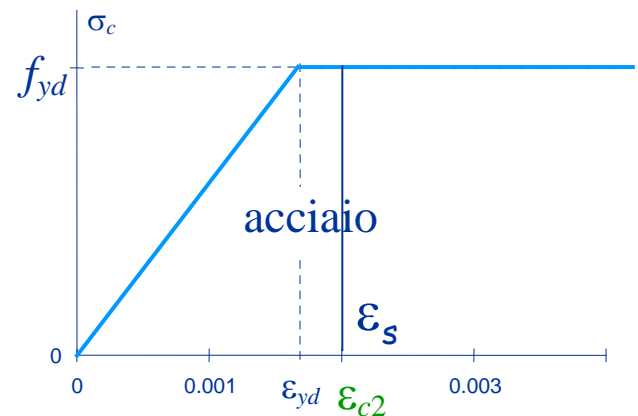
Sforzo normale di compressione

3° stadio



Nel terzo stadio di comportamento, si suppone che in presenza di sola compressione la deformazione massima del calcestruzzo sia:

$$\varepsilon = \varepsilon_{c2} = 2\text{‰}$$



Sforzo normale di compressione

3° stadio

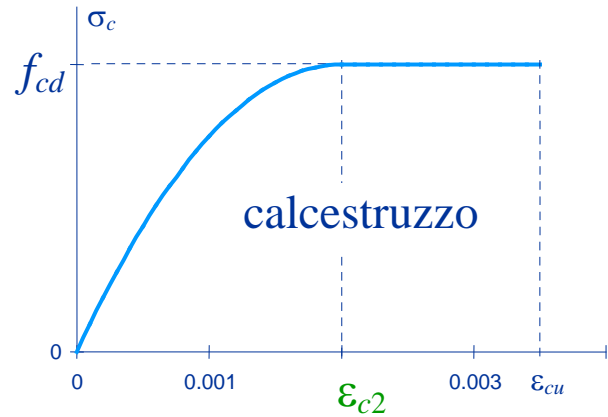
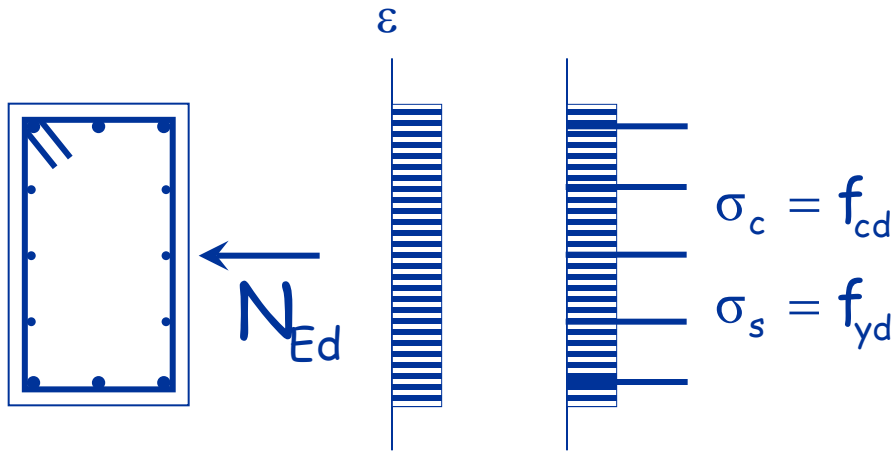
Nota:

“Nel caso di pilastri soggetti a compressione assiale si deve comunque assumere una componente flettente dello sforzo $M_{Ed} = e N_{Ed}$ con eccentricità e pari almeno a $0.05h \geq 20\text{mm}$ (con h altezza della sezione)”

Se non si vuole verificare la sezione a pressoflessione, occorre che la resistenza a sforzo normale centrato sia superiore almeno del 15-20% rispetto a N_{Ed}

Sforzo normale di compressione

3° stadio

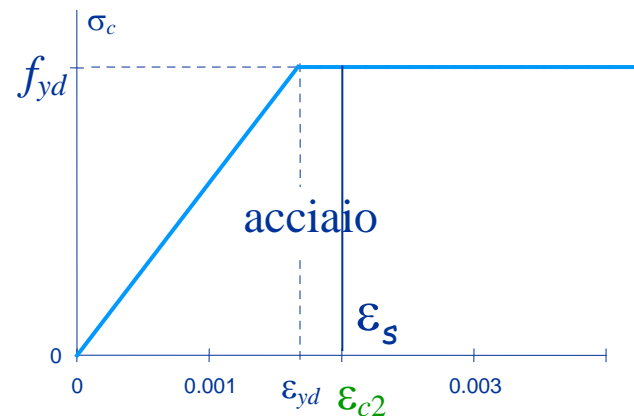


$$N_{Ed} \leq N_{Rd} = f_{cd} A_c + f_{yd} A_s$$

la sezione non può portare momento

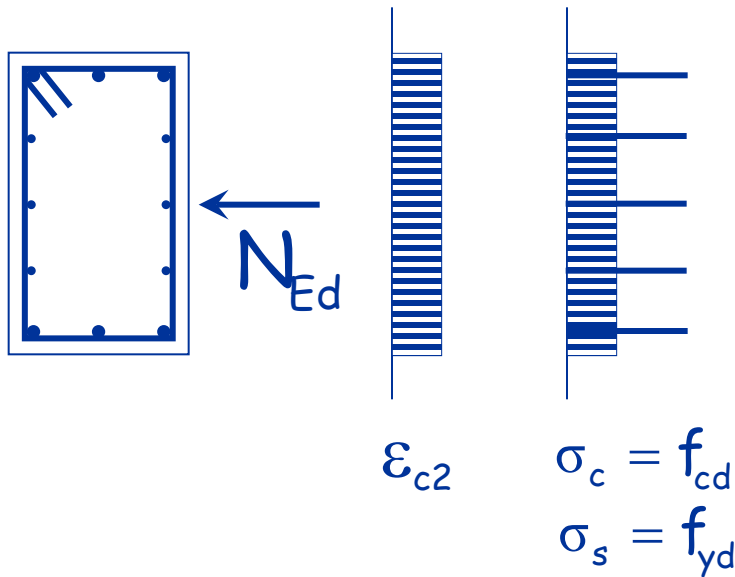
$$N_{Ed} \leq N_{Rd} = \frac{f_{cd} A_c + f_{yd} A_s}{1.2}$$

la sezione può portare momento



Sforzo normale di compressione

3° stadio - Progetto



La norma impone che l'armatura porti almeno il 10% dello sforzo normale

$$N_{Rd} = \underbrace{N_{Ed}}_{\text{blue}} \underbrace{f_{cd}}_{\text{blue}} \underbrace{A_c}_{\text{blue}} + \underbrace{0.2 N_{Ed}}_{\text{green}} \underbrace{f_{yd}}_{\text{green}} \underbrace{A_s}_{\text{green}} \geq 1.2 N_{Ed}$$

Pertanto, si determina:

la sezione di calcestruzzo

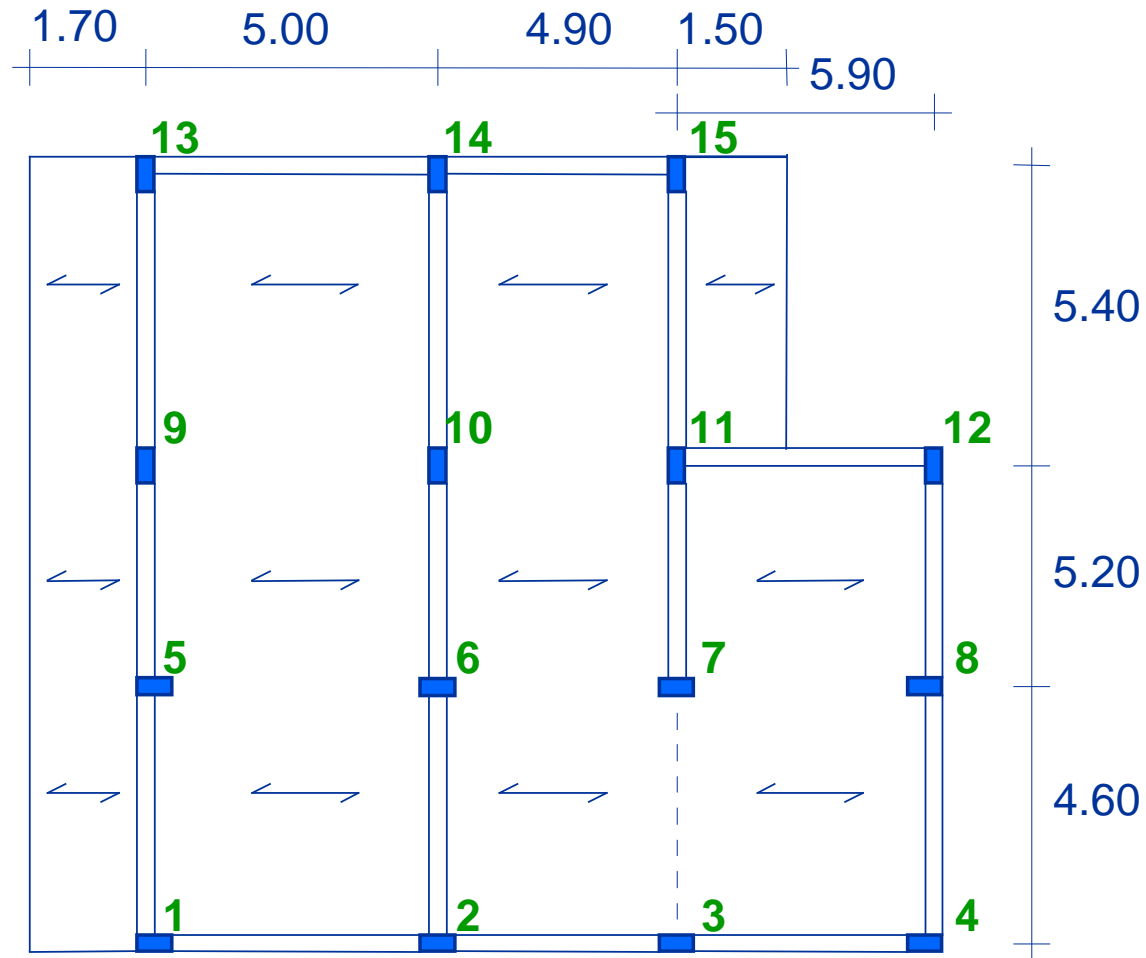
e l'armatura

$$A_c \geq N_{Ed} / f_{cd}$$

$$A_s \geq 0.2 N_{Ed} / f_{yd}$$

Esempio

Edificio a 6 impalcati



Materiali utilizzati

Calcestruzzo C25/30 $f_{ck} = 25 \text{ MPa}$ $f_{cm} = 33 \text{ MPa}$

$$E_c = 22000 \left(\frac{f_{cm}}{10} \right)^{0.3} = 31475 \text{ MPa}$$

$$f_{ctm} = 0.30 \sqrt[3]{f_{ck}^2} = 2.56 \text{ MPa}$$

$$f_{ctk} = 0.7 \times f_{ctm} = 1.80 \text{ MPa}$$

$$f_{cd} = 14.17 \text{ MPa}$$

Materiali utilizzati

Acciaio

B450C

$$E_s = 210000 \text{ MPa}$$

$$f_{yd} = 391.3 \text{ MPa}$$

$$\varepsilon_{yd} = \frac{391.3}{210000} = 1.86 \times 10^{-3}$$

Esempio carichi unitari

Solaio per abitazione

Peso proprio (valore caratteristico):

| | | | | |
|----------|---|---|--------------------------------|-------|
| soletta | $0.04 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 25 \text{ kN/m}^3$ | = | 1.00 kN/m^2 | |
| travetti | $3 \times (0.08 \times 0.20) \times 1 \text{ m}^3 \times 25 \text{ kN/m}^3$ | = | 1.20 kN/m^2 | |
| laterizi | $8 \times 0.082 \text{ kN}$ | = | $\frac{0.66 \text{ kN/m}^2}{}$ | |
| TOTALE | | = | 2.86 kN/m^2 | G_1 |

Sovraccarichi permanenti (valore caratteristico):

| | | | | |
|----------------------|---|---|--------------------------------|--|
| massetto | $0.03 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 18 \text{ kN/m}^3$ | = | 0.54 kN/m^2 | } G_1 0 2 ? |
| pavimento in granito | $0.02 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 27 \text{ kN/m}^3$ | = | 0.54 kN/m^2 | |
| intonaco | $0.02 \times 1 \times 1 \text{ m}^3 \times 20 \text{ kN/m}^3$ | = | 0.40 kN/m^2 | |
| incidenza tramezzi | | = | $\frac{1.20 \text{ kN/m}^2}{}$ | G_2 |
| TOTALE | | = | 2.68 kN/m^2 | |

quindi: $G_{1k} = 4.34 \text{ kN/m}^2$ $G_{2k} = 1.20 \text{ kN/m}^2$ $G_k = 5.54 \text{ kN/m}^2$

Carichi unitari

Solaio

$$g_{1d} = 1.3 \times 4.3 = 5.6 \text{ kN/m}^2$$

$$g_{2d} + q_d = 1.5 \times 3.2 = 4.8 \text{ kN/m}^2$$

Balconi

$$g_d = 1.3 \times 3.9 = 5.1 \text{ kN/m}^2$$

$$q_d = 1.5 \times 4.0 = 6.0 \text{ kN/m}^2$$

Tamponature

$$g_d = 1.3 \times 7.2 = 9.4 \text{ kN/m}$$

Travi 30x60

$$g_d = 1.3 \times 3.7 = 4.8 \text{ kN/m}$$

70x24

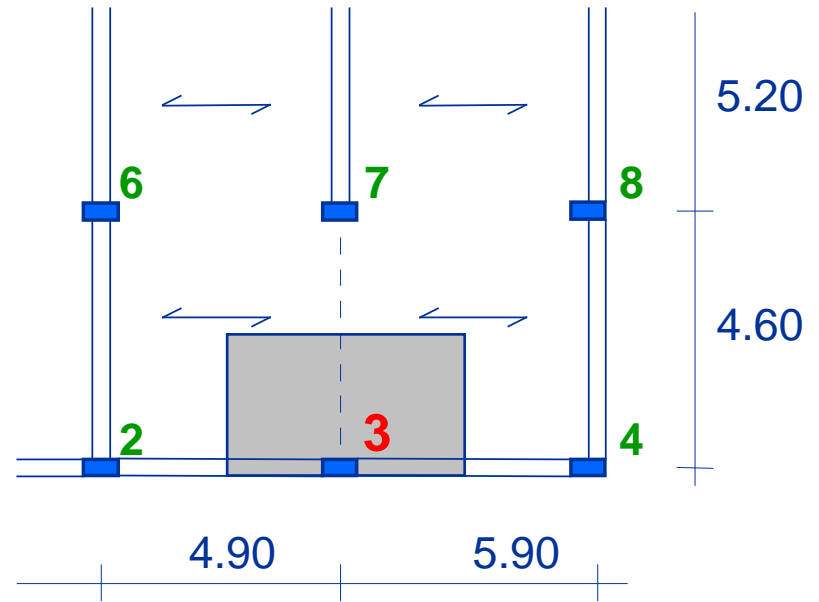
$$g_d = 1.3 \times 2.4 = 3.1 \text{ kN/m}$$

Riepilogo carichi

| | |
|-----------------------------|------------------------|
| Solaio (g+ 0.9 q) | 9.9 kN/m ² |
| Balconi (g+ 0.9 q) | 10.5 kN/m ² |
| Tamponature | 9.4 kN/m |
| Travi 30x60 | 4.8 kN/m |
| 70x24 | 3.1 kN/m |

Scarico al piano

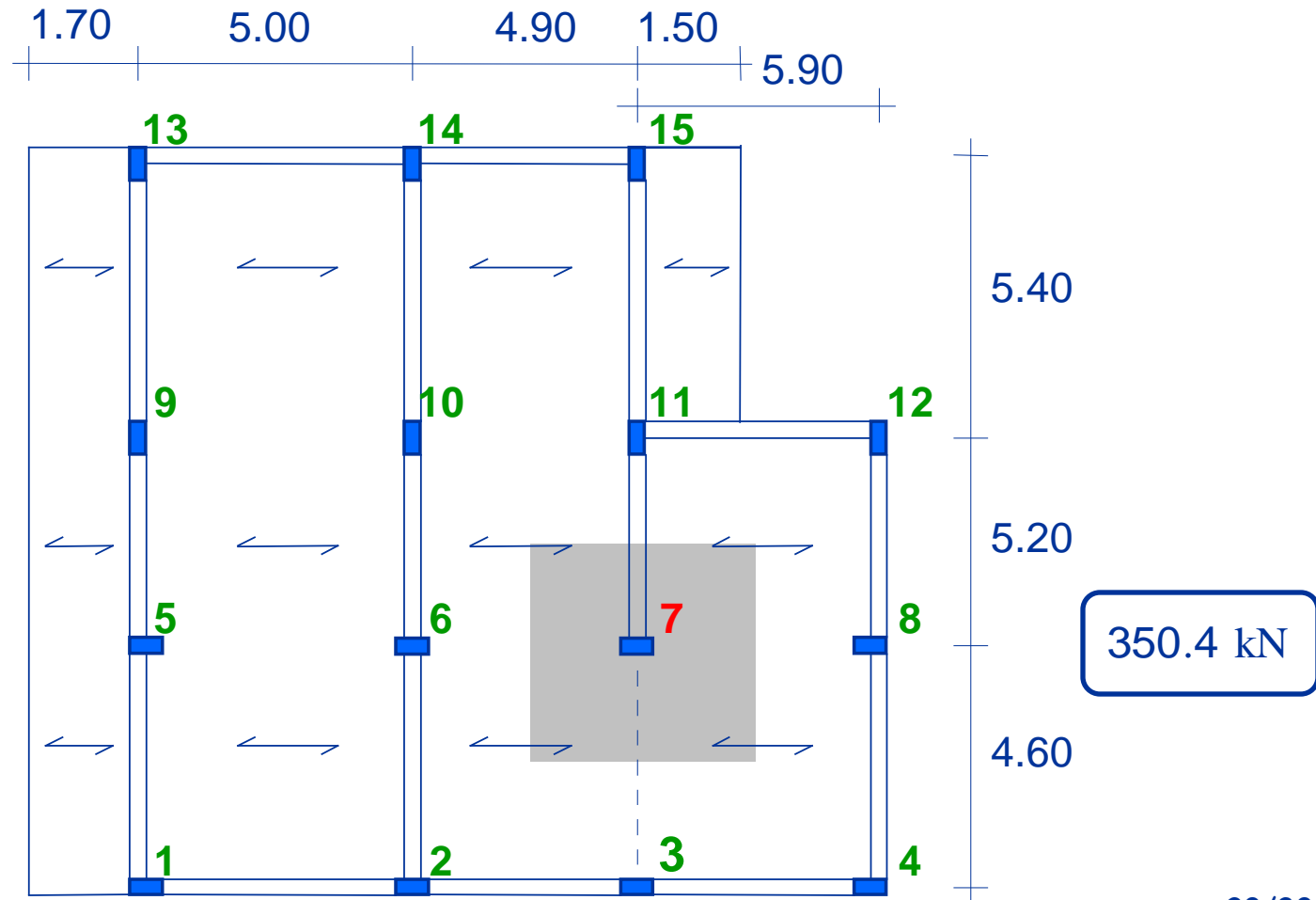
Pilastro 3



| | | | |
|-----------|--|----------------|----------------|
| solai | $\frac{4.90 + 5.90 \times 1.2}{2} \times \frac{4.60}{2} = 13.78 \text{ m}^2$ | $\times 9.9 =$ | 136.4 kN |
| tompagno | $\frac{4.90 + 5.90 \times 1.2}{2} = 6.0 \text{ m}$ | $\times 9.4 =$ | 56.4 kN |
| trave em. | $\frac{4.90 + 5.90 \times 1.2}{2} = 6.0 \text{ m}$ | $\times 4.8 =$ | 28.8 kN |
| trave sp. | $\frac{4.60}{2} = 2.3 \text{ m}$ | $\times 3.1 =$ | 7.1 kN |
| | | | <hr/> 228.7 kN |

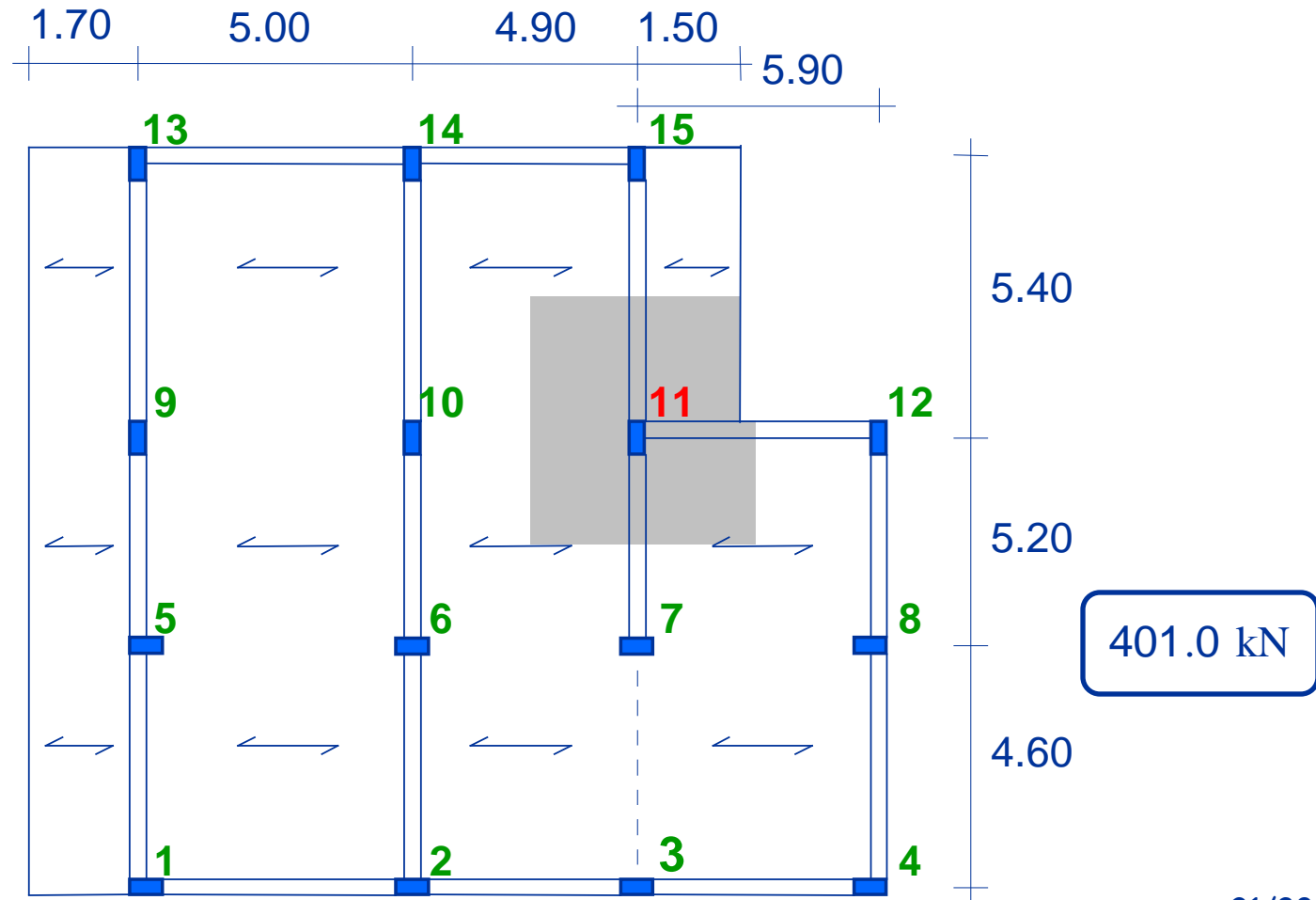
Scarico al piano tipo

Pilastro 7



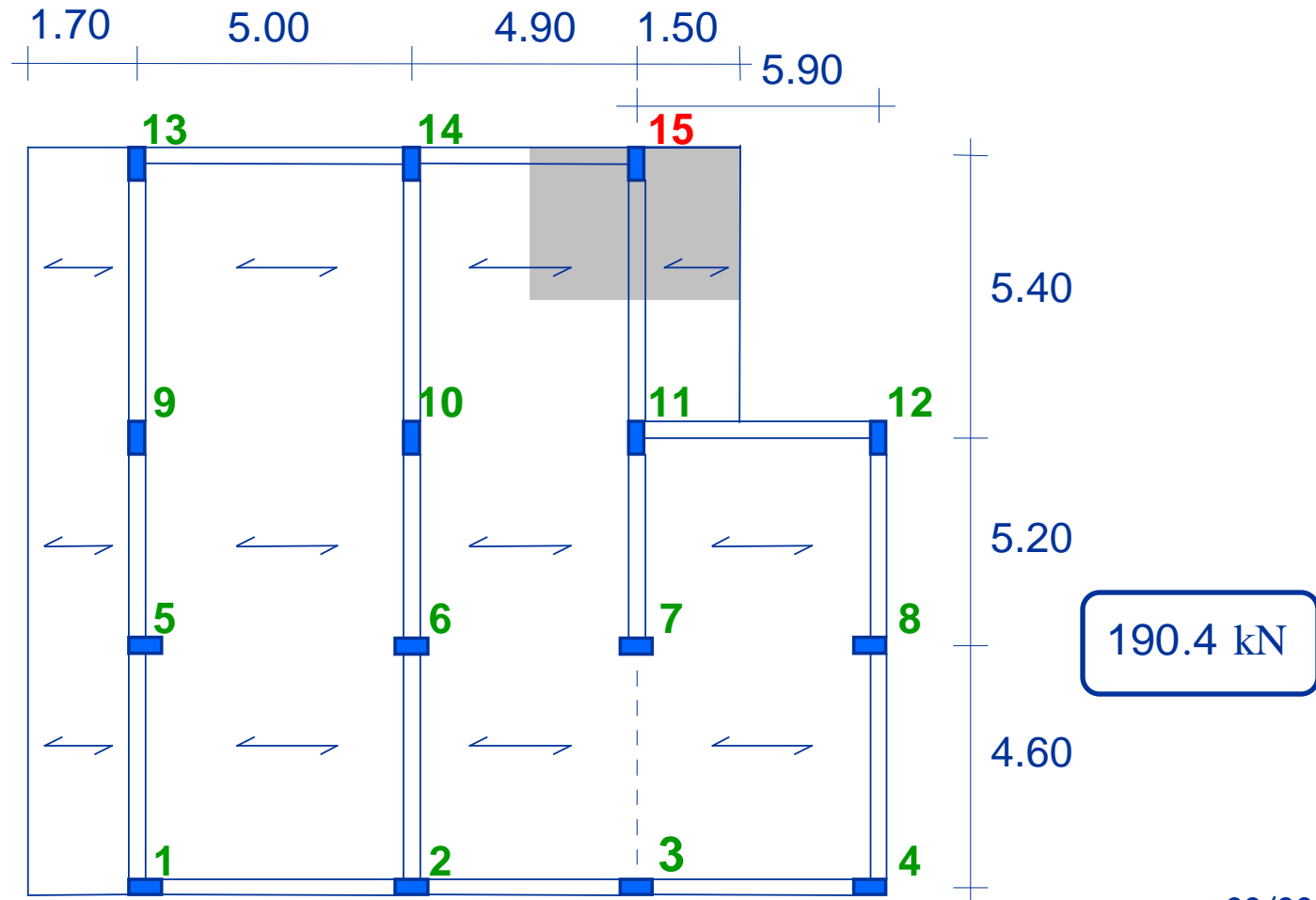
Scarico al piano tipo

Pilastro 11



Scarico al piano tipo

Pilastro 15



Dimensionamento

Pilastro 3

| | |
|-----------------------|----------|
| Scarico al piano | 228.7 kN |
| Peso proprio medio | 13.7 kN |
| | <hr/> |
| | 242.4 kN |

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

| piano | N (kN) | A_c (cm ²) | sezione |
|-------|--------|--------------------------|---------|
| 6 | 242.4 | 171 | 30×30 |
| 5 | 484.8 | 342 | 30×30 |
| 4 | 727.2 | 513 | 30×30 |
| 3 | 969.6 | 684 | 30×30 |
| 2 | 1212.0 | 855 | 30×30 |
| 1 | 1454.4 | 1026 | 40×30 |

Dimensionamento

Pilastro 7

| | |
|-----------------------|----------|
| Scarico al piano | 350.4 kN |
| Peso proprio medio | 21.0 kN |
| | <hr/> |
| | 371.4 kN |

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

| piano | N (kN) | A_c (cm ²) | sezione |
|-------|--------|--------------------------|---------|
| 6 | 371.4 | 262 | 30×30 |
| 5 | 742.8 | 524 | 30×30 |
| 4 | 1114.2 | 786 | 30×30 |
| 3 | 1485.6 | 1048 | 40×30 |
| 2 | 1857.0 | 1310 | 50×30 |
| 1 | 2228.4 | 1572 | 60×30 |

Dimensionamento

Pilastro 11

| | |
|-----------------------|----------|
| Scarico al piano | 401.0 kN |
| Peso proprio medio | 24.1 kN |
| | <hr/> |
| | 425.1 kN |

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

| piano | N (kN) | A_c (cm ²) | sezione |
|-------|--------|--------------------------|---------|
| 6 | 425.1 | 300 | 30×30 |
| 5 | 850.2 | 600 | 30×30 |
| 4 | 1275.3 | 900 | 30×30 |
| 3 | 1700.4 | 1200 | 30×40 |
| 2 | 2125.2 | 1500 | 30×50 |
| 1 | 2550.6 | 1800 | 30×60 |

Dimensionamento

Pilastro 15

| | |
|-----------------------|----------|
| Scarico al piano | 190.4 kN |
| Peso proprio medio | 11.4 kN |
| | <hr/> |
| | 201.8 kN |

$$A_c = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$

| piano | N (kN) | A_c (cm ²) | sezione |
|-------|--------|--------------------------|---------|
| 6 | 201.8 | 142 | 30×30 |
| 5 | 403.6 | 285 | 30×30 |
| 4 | 605.4 | 427 | 30×30 |
| 3 | 807.2 | 570 | 30×30 |
| 2 | 1009.0 | 712 | 30×30 |
| 1 | 1210.8 | 855 | 30×30 |

Armature longitudinali dei pilastri

(NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Le barre d'armatura devono avere diametro non minore di 12 mm ed interasse non maggiore di 300 mm

La quantità minima di armatura longitudinale totale $A_{s,min}$ deve essere determinata con la seguente equazione:

$$A_{s,min} = \frac{0.10 N_{Ed}}{f_{yd}} \geq 0.003 A_c$$

consiglio
0.20

dove:

f_{yd} è la tensione di snervamento di calcolo dell'armatura;

N_{Ed} è la forza di compressione assiale di calcolo;

A_c è l'area della sezione trasversale del calcestruzzo.

NOTA BENE:

in zona sismica le armature sono maggiori (min 1%)

Armatatura minima nei pilastri

(NTC08 punto 4.1.6.1.2)

$$A_{s,min} = \frac{0.20 N_{Ed}}{f_{yd}}$$
$$A_{c,nec} = \frac{N_{Ed}}{f_{cd}}$$
$$\frac{A_{s,min}}{A_{c,nec}} = \frac{0.20 N_{Ed} / f_{yd}}{N_{Ed} / f_{cd}} = \frac{0.20 f_{cd}}{f_{yd}}$$

Ad esempio:

Acciaio B450C $f_{yd} = 391.3 \text{ N/mm}^2$

Calcestruzzo C25/30 $f_{cd} = 14.17 \text{ N/mm}^2$

$$\frac{A_{s,min}}{A_{c,nec}} = \frac{0.20 \times 14.17}{391.3} = 0.00724 \cong 0.7\%$$

Armature del pilastro 11

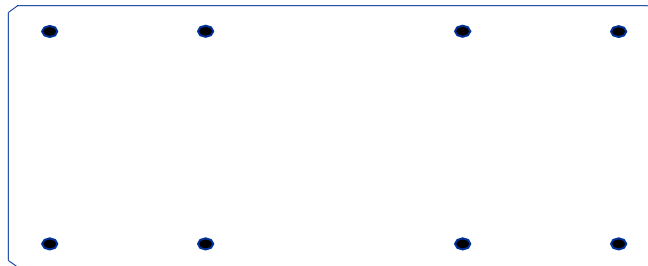
Primo ordine

30x60



Armatura minima
(su tutta la sezione):

$$A_{s,min} = \frac{0.20 \times 1800}{391.3} \times 10 = 9.2 \text{ cm}^2$$



$$A_{s,tot} = 8\emptyset 14 = 12.3 \text{ cm}^2 > A_{s,min}$$

Armature longitudinali dei pilastri

(NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Di regola, al di fuori delle sovrapposizioni, l'area dell'armatura non deve essere maggiore di $0.04A_c$

Ulteriori indicazioni (EC2):

- Le barre longitudinali devono, di regola, essere distribuite lungo il perimetro della sezione;
- Per pilastri aventi sezione trasversale poligonale, almeno una barra sarà disposta in ogni spigolo.
- Per pilastri di sezione circolare, il numero minimo di barre è 6.

Armature trasversali dei pilastri

(NTC08 punto 4.1.6.1.2)

Interasse delle staffe

- non maggiore di 12 volte il diametro delle barre impiegate per l'armatura longitudinale
- non maggiore di 250 mm

Diametro delle staffe

- non minore di 6 mm
- non minore di $\frac{1}{4}$ del diametro massimo delle barre longitudinali

FINE